

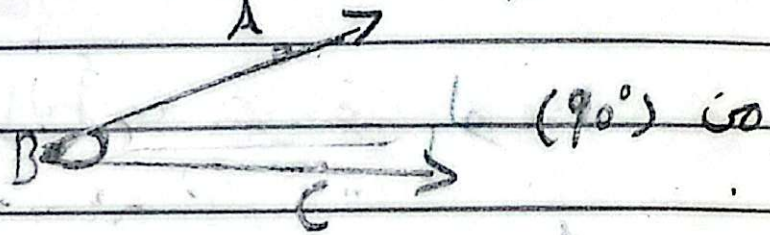
الوحدة الرابعة

موضوع الدرس: العلاقات بين الزوايا
اليوم: الاثنين التاريخ: 17/11/2025

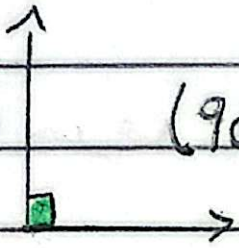
تذكير:

أنواع الزوايا:

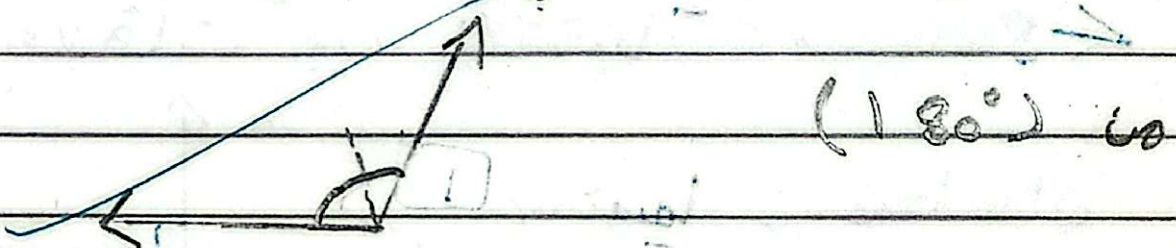
1. الزاوية الحادة: قياسها أكبر من 0° وأقل



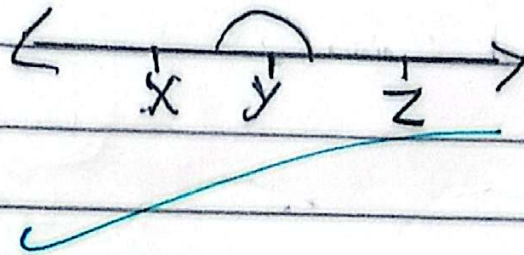
2. الزاوية القائمة: قياسها يساوي 90°



3. الزاوية المنفرجة: قياسها أكبر من 90° وأقل



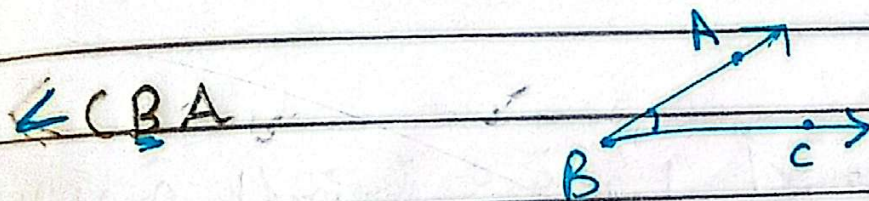
4 الزاوية المستقيمة وقاسمها مساوي (180)



* طرق تسمية الزاوية

1 (3) أحرف الرأس هو في الوسط

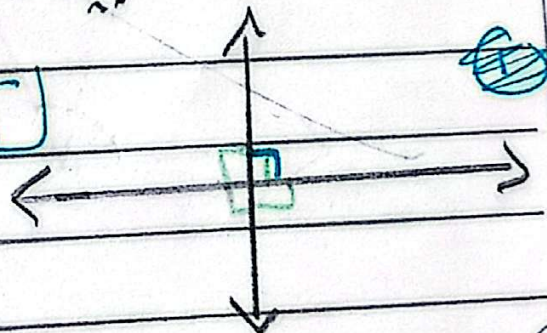
2 حرف واحد فقط الرأس $\angle ABC$



* العلاقات بين المستقيمتين : $\angle B$

1 مستقيمتان متعامدان

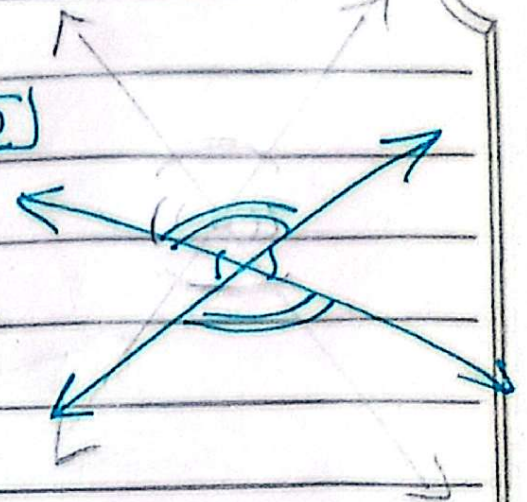
(4) زوايا قائمة



[2] مستقيمان متقاطعان

← الزاويتين حادتين

← زاويتين منفرجتين

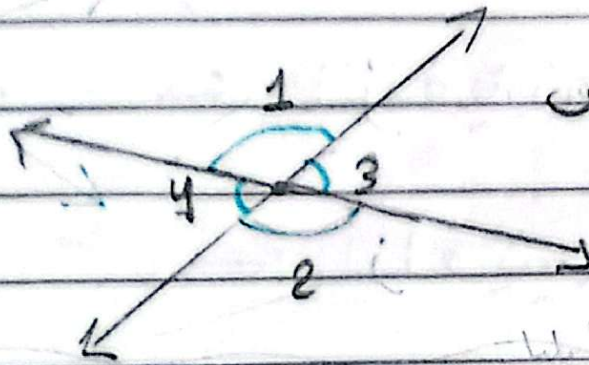


[3] مستقيمان متوازيان

لا يلتقيان مهما امتدا

(لا يوجد بينهما زوايا)

العلاقات بين الزوايا



① تقابل بالرأس

زاويتان متقابلتان تنتجان من تقاطع مستقيمين

وتكون الزاويتان متساويتين $m \angle 1 = m \angle 2$

$$m \angle 3 = m \angle 4$$

لا يوجد ضلع مشترك

② مجاور :

الزاوية المجاورة هي الزاوية التي تقع بجانب الزاوية المعطاة.

الزاوية المجاورة هي الزاوية التي تقع بجانب الزاوية المعطاة.

زاويتان مجاورتان (الرأس نفسه) (نفس الضلع) (مختلف الضلع)

(مختلف الضلع) (مختلف الضلع) (مختلف الضلع)

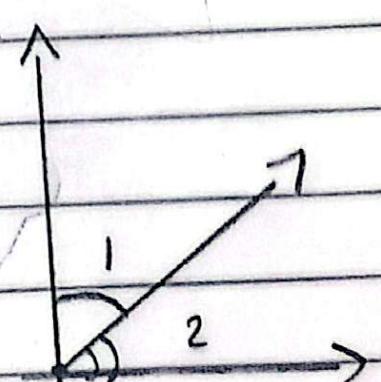
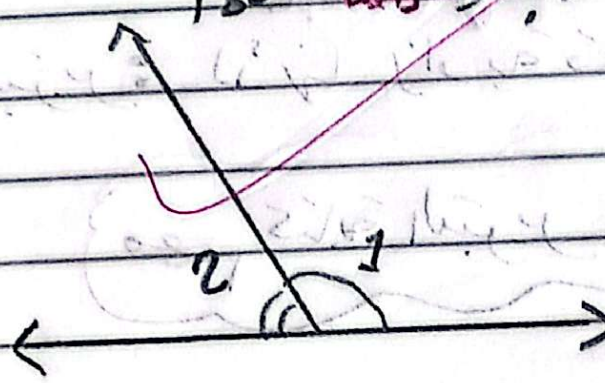
التجاور

زاويتان متكاملتان

زاويتان متتامتان

مجموعهما 180°

مجموعهما 90°



$$m\angle 1 + m\angle 2 = 180^\circ$$

$$m\angle 1 + m\angle 2 = 90^\circ$$

أتحقق من فهمي ص ١٥٢

تابع لمثال (2) ص ١٥١ من الكتاب

✳ دراسة المثال (2) ص ١٥١ قبل حل هذا السؤال.

③ $m \angle T \hat{y} H = 60^\circ$

التبرير:

١ لأنها متعامدة للزاوية $S \hat{y} H$ (زاويتان متتامتان)

٢ لأنها تقابل بالرأس مع الزاوية $A \hat{y} E$

④ $m \angle F \hat{y} T = 90^\circ$

التبرير: لأنها زاوية قائمة

مهم كتابة التبرير دائماً

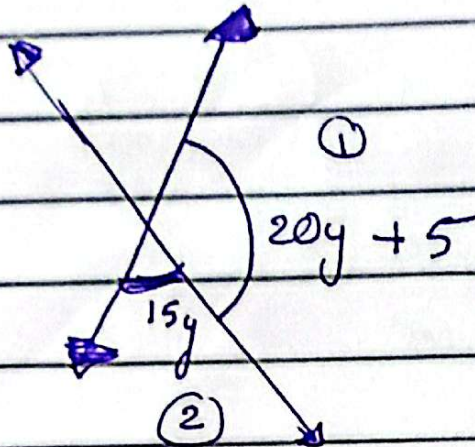
19 / 11

اليوم الأربعاء التاريخ

موضوع الدرس

أنتقف من فهي 102

الرسم من الكتاب



$$m\angle 1 + m\angle 2 = 180^\circ$$

(لأنهما متكاملتان)

$$m\angle 1 + m\angle 2 = 180^\circ$$

$$20y + 5 + 15y = 180$$

19 / 11

$$35y + 5 = 180$$

$$\frac{35y}{35} = \frac{175}{35}$$

$$y = 5^\circ$$

الرسم من الكتاب ص 103
الواجب

⑧ تقابل بالرأس (مع كتابة السبب)

$$m \angle 1 = m \angle 2$$

$$\begin{array}{r} +5 \quad +5 \\ 5x - 5 = 2x + 97 \\ -2x \quad -2x \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3x = 102 \\ \underline{3x} \quad 3 \end{array}$$

$$x = 34$$

⑨ زاويتان متتامتان (مجموعهما 90°)

$$3x + 6 + 48 = 90$$

$$3x + 54 = 90$$

$$\begin{array}{r} 3x = 36 \\ \underline{3x} \quad 3 \end{array}$$

$$x = 12$$

⑩ زاويتان متتامتان — كتابة السبب

كتابة المعادلة

$$m\angle 1 + m\angle 2 = 90^\circ$$

التعويض

$$3x + 5x + 2 = 90$$

خطوات حل المعادلة

لايجاد قيمة (x)

$$\begin{array}{r} 8x + 2 = 90 \\ -2 \quad -2 \\ \hline \end{array}$$

$$\frac{8x}{8} = \frac{88}{8}$$

$$x = 11$$

المستوى: هو سطح مستو يمتد بلا نهاية

في جميع الاتجاهات

وقد تتوازي مستويات، فلا يتقاطعان أبداً

* قطعة مستقيمة (مترفين) مثل $\overline{AB}$

* المستوى (3 أحرف) المستوى $ABCD$
 أو أكثر

أتحقق من فهمي ١٥٤

(تابع لثال (1))

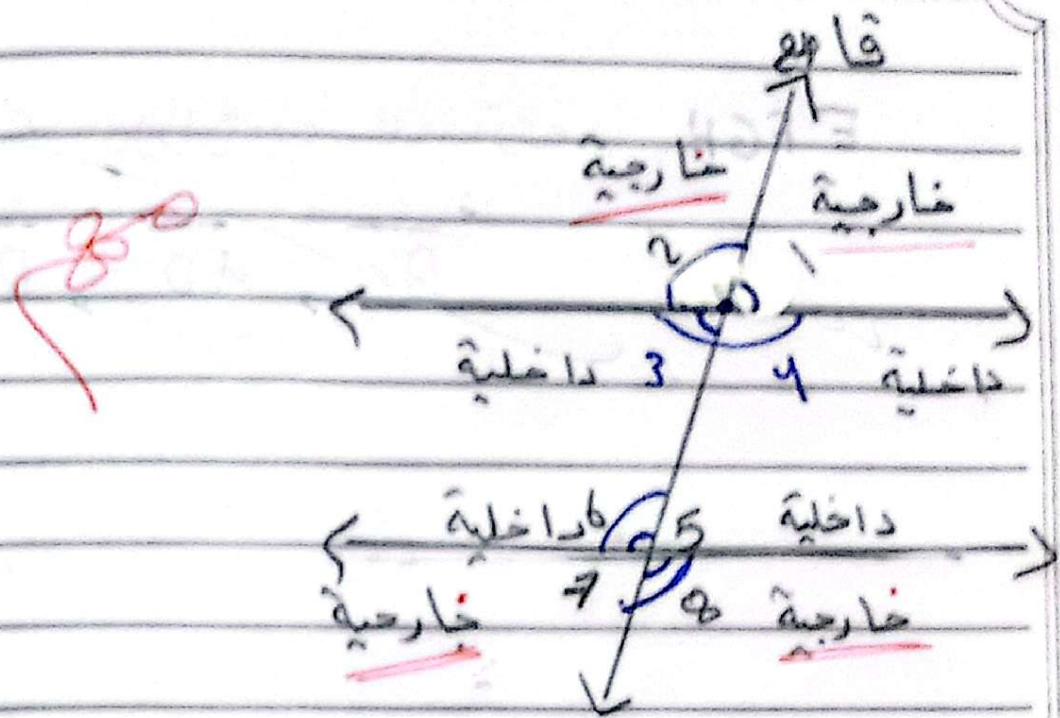
(4) قطع مستقيمة متوازي $\overline{EH} \parallel \overline{AD} \parallel \overline{FG} \parallel \overline{BC} \parallel \overline{EF}$

(5) مستوى متوازي $ABFE$
 (لازم بنفس الترتيب)
 $\begin{matrix} \searrow \downarrow \downarrow \searrow \\ D & C & G & H \end{matrix}$

٦) قطعتين متوازيين للمستوى EFGH

$\overline{BC}$, $\overline{AD}$, $\overline{DC}$, $\overline{AB}$

22 / 11 / 2020



* العلاقات التي تنتج من قاطع يقطع مستقيمتين
 متوازيتين

① علاقة التناظر (F) (F)

داخلية وخارجية

على نفس الجهة من القاطع

$$\angle 1 = \angle 5$$

$$\angle 2 = \angle 6$$

$$\angle 3 = \angle 7$$

$$\angle 4 = \angle 8$$



② تبادل داخلي (مترابطة)

داخليتان

على جوهتان مختلفتان

$$\angle 3 = \angle 5$$

$$\angle 4 = \angle 6$$

24/11

موضوع الدرس المستقيمت الموازية والقطاع اليوم الاثنين التاريخ

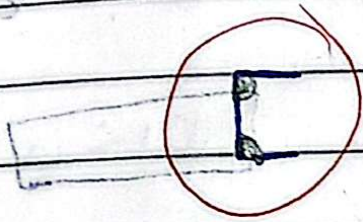
③ تبادل خارجي

خارجيتان

على جهتان مختلفتان

$$\angle 1 = \angle 7$$

④ داخلية على جهة واحدة (تخالق)

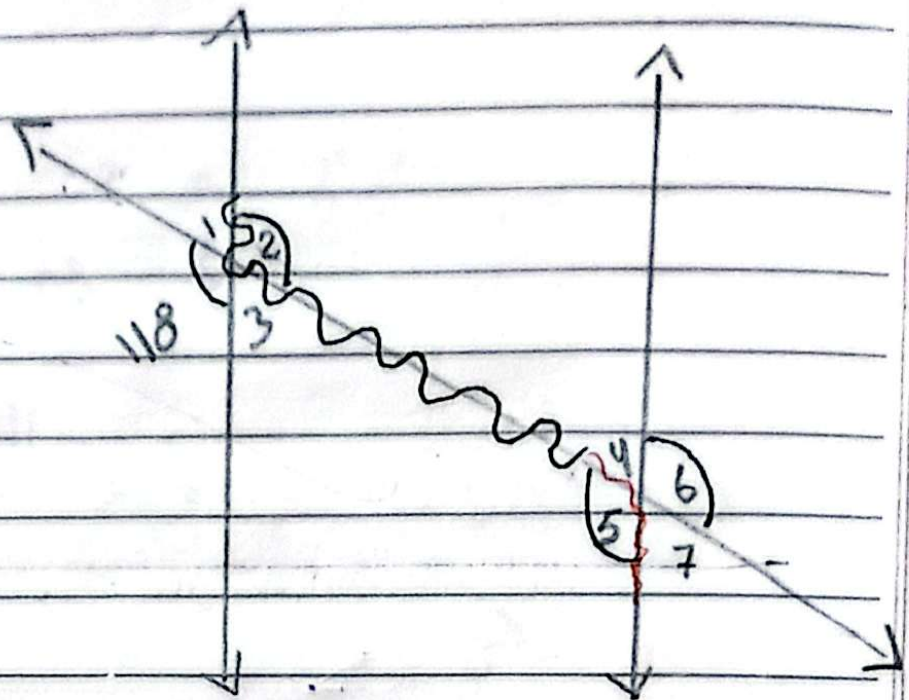


$$\angle 4 + \angle 5 = 180^\circ$$

$$\angle 3 + \angle 6 = 180^\circ$$

أثقف من فهمي ١٥٦

تابع مثال (3) ١٥٦



① $m \angle 2 = 110^\circ$

الشريد وتقابل مع الرأس مع 110°

التبرير

$$② m \angle 5 = 110^\circ$$

التبريد

① ثبات داخلي مع $\angle 2$

أو

② تناظر مع 110°

$$③ m \angle 3 =$$

$$180 - 110 = 70^\circ$$

التبريد

تكملة مع 110°

$$④ m \angle 1 = 70^\circ$$

التبرير:

① متعامد مع 110° أو $\angle 2$

②

② متعاين بالرأس مع $\angle 3$

$$⑤ m \angle 4 = 70^\circ$$

التبرير:

① متناظر مع $\angle 1$

② متبادل داخلي مع $\angle 3$

⑥ $m \angle 6 = 110^\circ$

التبرير

شأنه مع 2

تقابل بالرأس مع 5

تبادل خارجي مع 110

⑦ $m \angle 7 = 70^\circ$

التبرير

شأنه مع 3

تبادل خارجي مع 1

تقابل بالرأس مع 4

أستكمل
24/11

28 11 /

التاريخ

الدرس

المتوازيات

اليوم

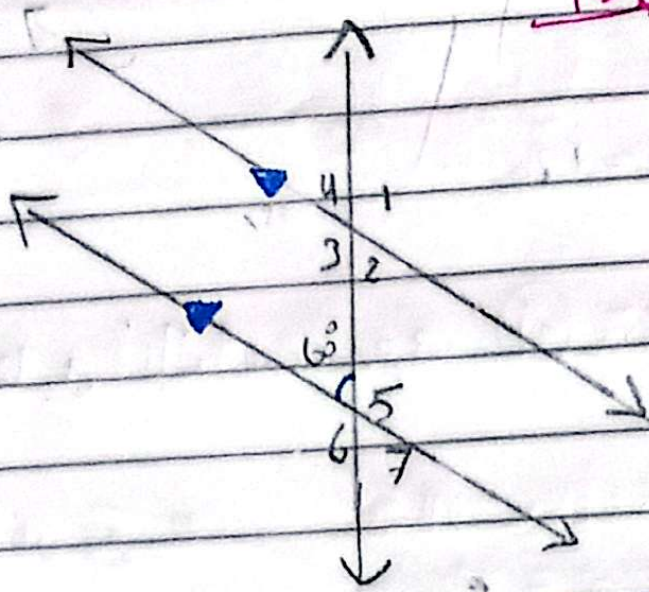
المستقيمات المتوازية

موضوع الدرس

والخطوط

التدريب واحد المسائل ص 108

108



12

$$m\angle 3 = 120^\circ$$

11

داخليتان عن جهة واحدة مع 60° (تخالف)

13

$$m\angle 5 = 120^\circ$$

تكمامل مع 60° (أو) تبادل داخلي مع 3

14

$$m\angle = 60^\circ$$

تكمامل مع 3 (أو) تناظر مع 60°

15

$$m\angle 2 = 60^\circ$$

تقابل بالرأس مع 4 (أو) تكمامل مع 3 (أو) تخالف مع 5
(أو) تبادل داخلي مع 60°

16 $m \leq 1 = 120$

تقاييد بالرأس مع 3 (أو) تكامل مع 2.4 (أو)

تناظر مع 5

17 $m \leq 6 = 120$

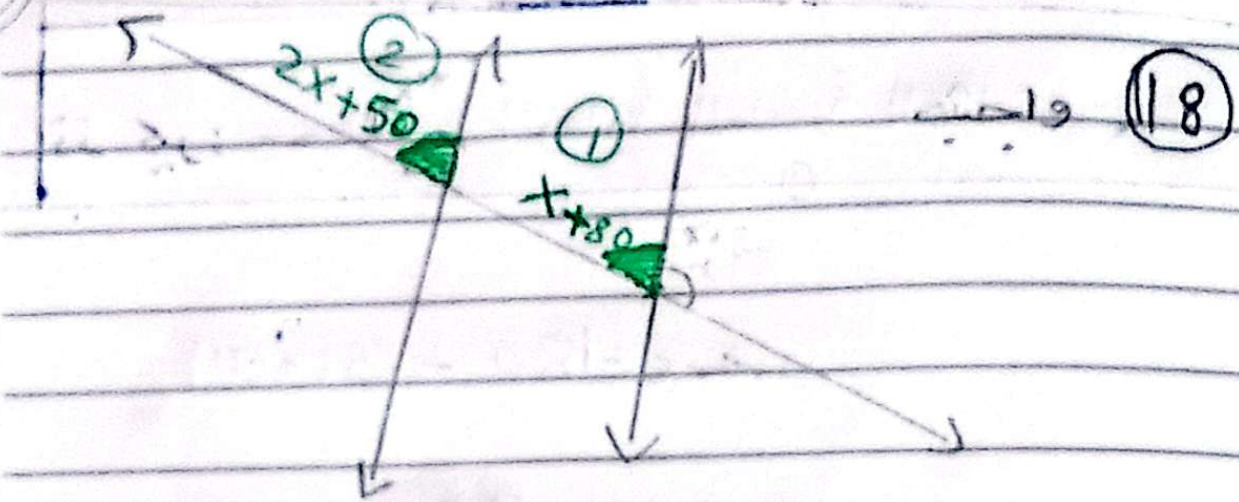
تقاييد بالرأس مع 5 (أو) تكامل مع 60° (أو)

تناظر مع 3 (أو) تبادل خارجي مع 1

Thank you

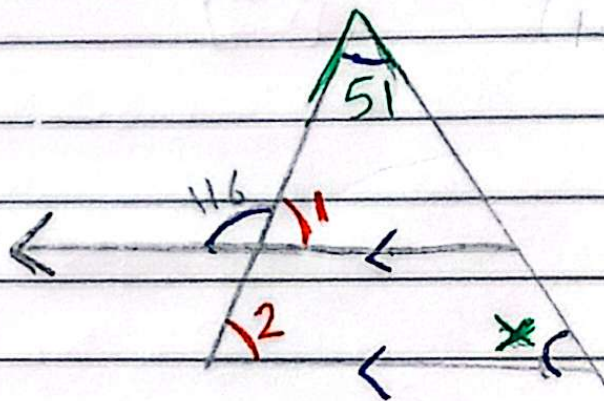
25/11





(تناظر) $\angle 1 = \angle 2$

$x + 80 = 2x + 50$
 $80 - 50 = 2x - 1x$
 $x = 30$



$\angle 1 = 180 - 116 = 64$

لأنها متكافئة

$\angle 1, 116$

$\angle 2 = \angle 1 = 64$ (تناظر)

تذكير: مجموع الزوايا الداخلية للمثلث = 180°

$$\angle x = 180 - (51 + 64)$$

$$\angle x = 180 - 115$$

$$\angle x = 65^\circ$$

* دراسة الأسئلة (24 - 20)
من الكتاب ص 108

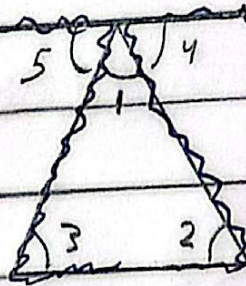
20

21

22

23

24



اثبات: ان مجموع الزوايا الداخلية للمثلث $= 180^\circ$

(على خط مستقيم) $\angle 1 + \angle 4 + \angle 5 = 180^\circ$

$\angle 3 = \angle 5$ (تبادل داخلي)

$\angle 2 = \angle 4$ (تبادل داخلي)

بما ان

$\angle 1 + \angle 4 + \angle 5 = 180^\circ$

$\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ$

وهو المطلوب

مثال (1) ص 110 (الرسم موجود في الكتاب)

1) $m\angle 4 = 55^\circ$

↓

$30 + 95 + \angle 4 = 180^\circ$

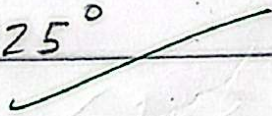
$125 + \angle 4 = 180^\circ$
 -125 -125

$\angle 4 = 55^\circ$



2) $m\angle 2 = 125^\circ$

$180 - 55 = 125^\circ$



لأن $\angle 2$ و $\angle 4$ متكاملتان

* أتحقق من فهمي ص 110 (تابع المثال (1))

3) $m\angle 5 = 30^\circ$

$180 - (125 + 25)$

$180 - 150$

30°

موضوع الدرس زوايا مثلث
اليوم الخميس التاريخ 27/11/2022

مثال (2) $m\angle 3 = 55^\circ$

5) $m\angle 1 = 65^\circ$

$$180 - (55 + 60)$$

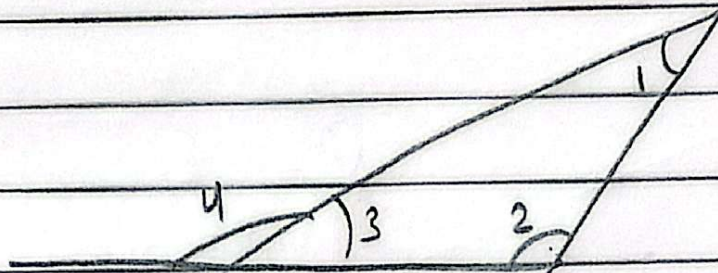
$$180 - 115$$

$$65^\circ$$

أحسن
27/11

الزاوية
* الزوايا الخارجية: هي الزوايا التي تتشكل

من أحد أضلاع المثلث وامتداد الضلع المجاور



٩٠

مثال:

$$\angle 3 + \angle 4 = 180^\circ \quad (\text{امتكا ملتان})$$

$$\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 = 180^\circ \quad (\text{زوايا داخلية في مثلث})$$

$$\underline{\underline{180^\circ}} = \underline{\underline{180^\circ}}$$

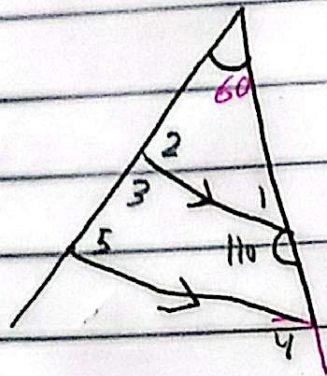
$$\boxed{\cancel{\angle 3} + \angle 4} = \boxed{\angle 1 + \angle 2 + \cancel{\angle 3}}$$

$$\angle 4 = \angle 1 + \angle 2$$

الزوايا الخارجية للمثلث = مجموع الزاويتين

الداخليتين البعديتين

مثال 2: ص



II

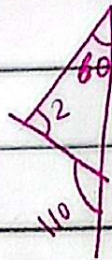
$m\angle 2 = 50^\circ$

لأنه 110° زاوية خارجية

$110 = 60 + \angle 2$

$m\angle 2 = 110 - 60$

$m\angle 2 = 50^\circ$



2) $m\angle 1 = 70^\circ$ (تكامل مع 110°)

3) $m\angle 3 = 130^\circ$

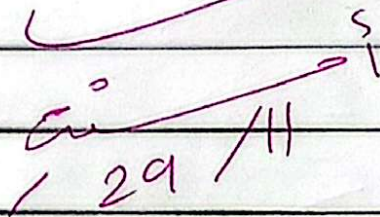
$180 - 50 = 130^\circ$ تكامل مع (2)

4) $m\angle 4 = 110^\circ$ تناظر مع 110°

5) $m\angle 5 = 50^\circ$ ← تناظر مع (2)

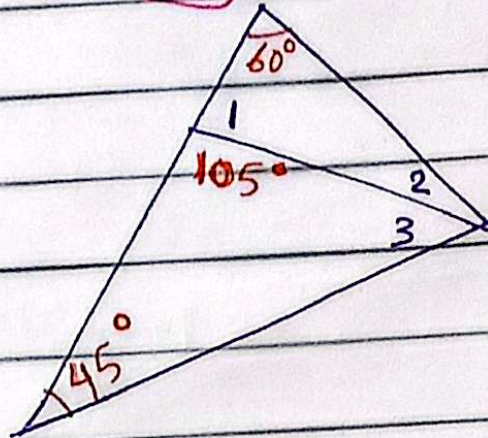
← مخالف مع (3)

داخليتان على جهة واحدة



أَتَدْرِبُ وَأُحِلُّ الْمَسَائِلَ

81



$$m\angle 1 = 180 - 105 = 75^\circ \quad (\text{تكامل مع } 105^\circ)$$

$$m\angle 2 = 105^\circ - 60^\circ = 45^\circ \quad (\text{زاوية خارجية للمثلث})$$

أو

$$m\angle 2 = 180^\circ - (60 + 75)$$

$$180^\circ - 135$$

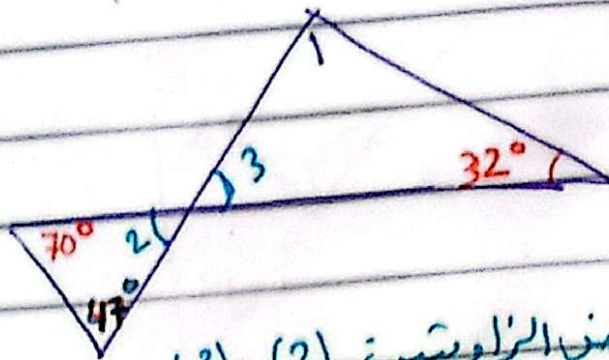
$$= 45^\circ \quad (\text{زاوية داخلية في المثلث})$$

$$m\angle 3 = 180 - (105 + 45)$$

$$m\angle 3 = 180 - 150$$

$$= 30^\circ \quad (\text{زوايا داخلية في المثلث})$$

[2]



* نقرض الزاويتين (2) و (3)

$$m\angle 2 = 180 - (70 + 47)$$

$$m\angle 2 = 180 - 117$$

$$m\angle 2 = 63^\circ \text{ (زوايا داخلية في المثلث)}$$

$$m\angle 2 = m\angle 3 = 63^\circ$$

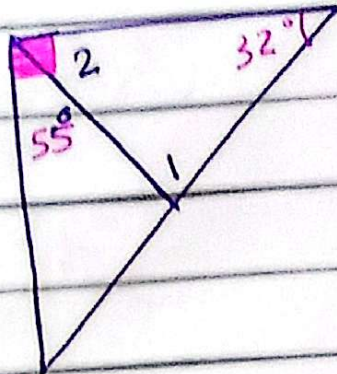
تقابل بالرأس

$$m\angle 1 = 180 - (63 + 32)$$

$$m\angle 1 = 180 - 95$$

$$m\angle 1 = 85^\circ \text{ (زوايا داخلية في مثلث)}$$

3



$$m\angle 2 = 90 - 55$$

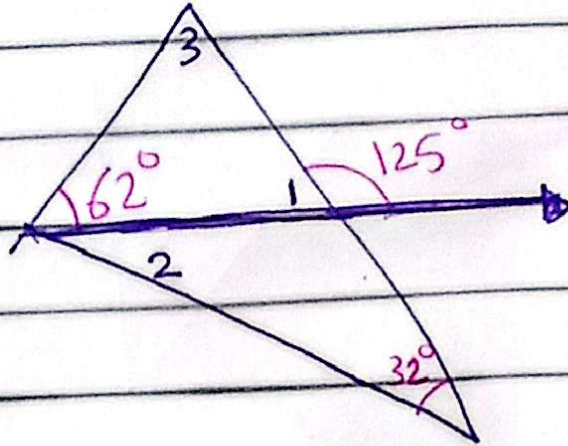
$$m\angle 2 = 35 \quad (\text{مساوية مع } 55^\circ)$$

$$m\angle 1 = 180 - (35 + 32)$$

$$m\angle 1 = 180^\circ - 67^\circ$$

$$m\angle 1 = 113^\circ \quad (\text{زوايا داخلية في مثلث})$$

4



$$m\angle 1 = 180^\circ - 125^\circ = 55^\circ \quad (\text{تكملة مع } 125^\circ)$$

$$m\angle 3 = 125 - 62 =$$

$$m\angle 3 = 63^\circ \quad (125^\circ \text{ زاوية خارجية للمثلث})$$

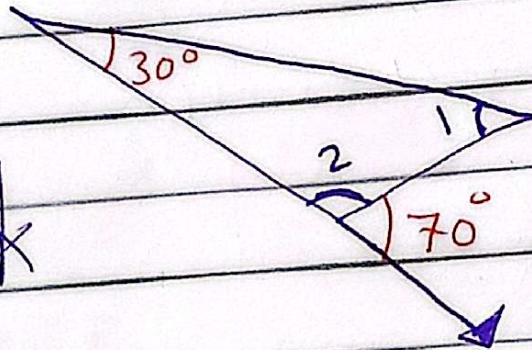
$$m\angle 2 = 180 - (125 + 32)$$

$$m\angle 2 = 180 - 157$$

$$m\angle 2 = 23^\circ \quad (\text{زوايا داخلية في مثلث})$$

5

Thank you
2/12

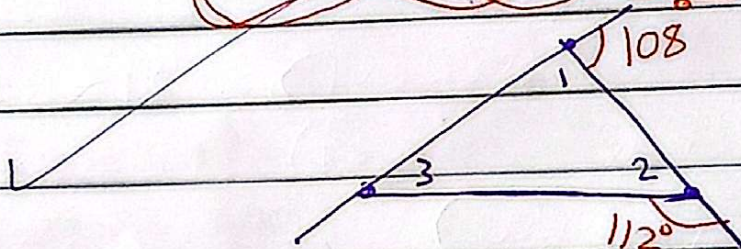


$m\angle 1 = 70 - 30 = 40$ (زاوية خارجية 70)

$m\angle 2 = 180 - 70$

$m\angle 2 = 110^\circ$ (زاوية مع 70)

6



$m\angle 1 = 180 - 108 = 72^\circ$

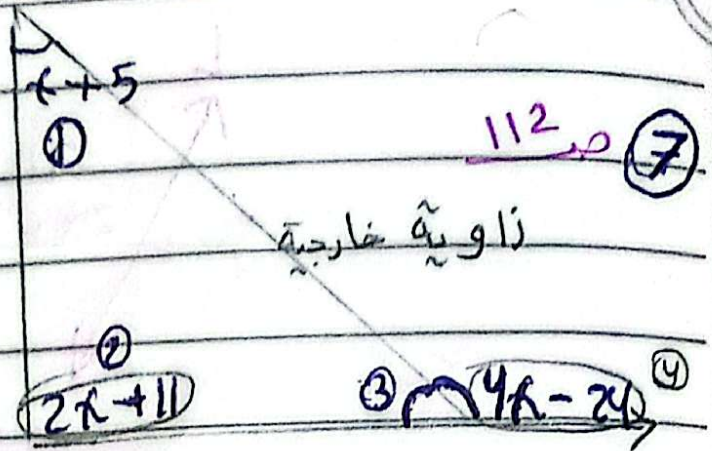
زاوية مع 108

$m\angle 2 = 180 - 112 = 68^\circ$

زاوية مع 112

$m\angle 3 = 180 - (72 + 68)$

$m\angle 3 = 180 - 140 = 40^\circ$ (زاوية داخلية في مثلث)



$$\begin{aligned} \angle 4 &= \angle 1 + \angle 2 \\ \Downarrow \quad \quad \quad \Downarrow \quad \quad \quad \Downarrow \\ 4x - 24 &= x + 5 + 2x + 11 \\ 4x - 24 &= 3x + 16 \\ 4x - 3x &= 16 + 24 \\ x &= 40 \end{aligned}$$

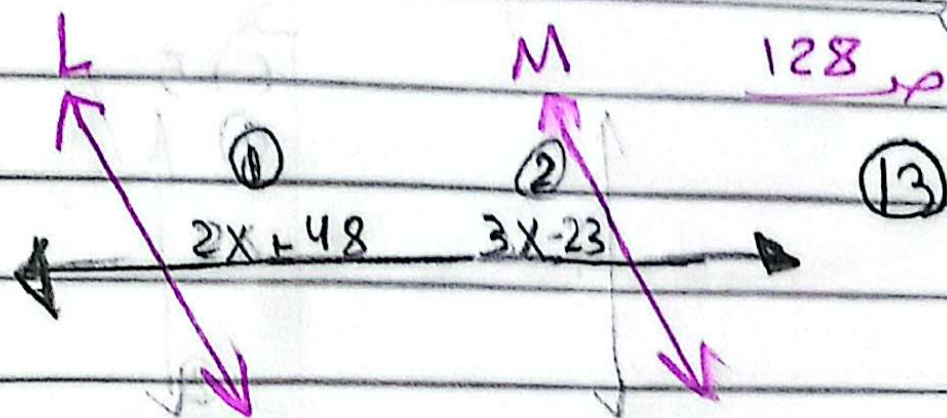
* نعوّض في الزاوية (2) لتحدّد نوع الزاوية

$$\angle 2 = 2x + 11$$

$$2 \times 40 + 11$$

$$80 + 11$$

$$91 \leftarrow \text{منفرج الزاوية}$$



$$\angle 1 + \angle 2 = 180$$

داخليتان على جهة واحدة (مكافئ)

$$2x + 48 + 3x - 23 = 180$$

$$5x + 25 = 180$$

$$\begin{array}{r} 5x + 25 = 180 \\ -25 \quad -25 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5x = 155 \\ \hline 5 \quad 5 \end{array}$$

$$x = 31$$