

الطاقة الحركية والزخم الخطي في الأنظمة المعزولة

- الطاقة الحركية: الطاقة التي يمتلكها الجسم المتحرك أي يكتسبها أو يبذلها الجسم نتيجة حركته وتعتمد على:

1- الكتلة (m): طردية بثبوت السرعة

2- مربع السرعة (v^2): طردية بثبوت الكتلة

الطاقة الحركية Kinetic Energy

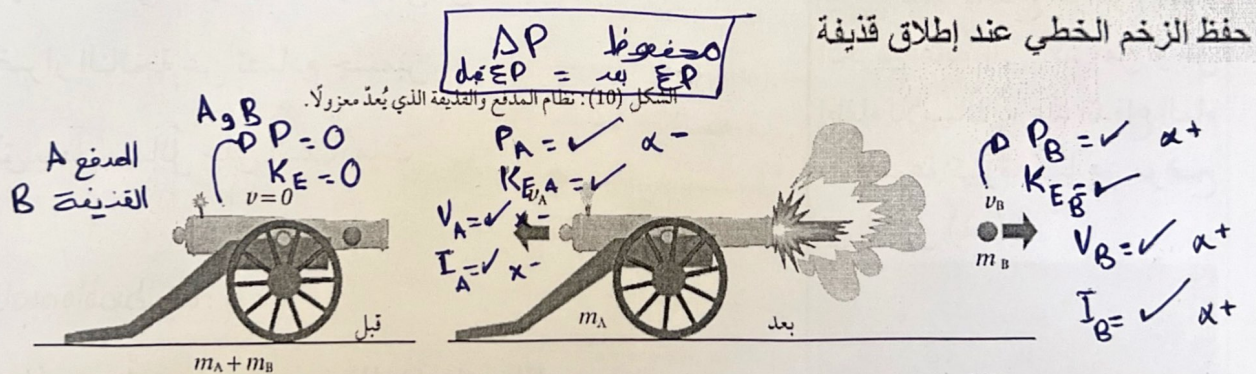
$$K_E$$

• قانون الطاقة الحركية: $KE = \frac{1}{2} m v^2$

• وحدة القياس: جول ($Kg.m^2.s^{-2}$)

سندرس نوعين من التغير في الطاقة الحركية للأنظمة المعزولة:

- 1- تفكك جسم الى جسيمين مثل إطلاق قذيفة من مدفع وانفصال صاروخ فضائي الى جزئين
- 2- التصادمات.



بما أن تفكك النظام يحدث نتيجة تأثير قوى فعل ورد فعل داخلية، ناتجة عن انفجار البارود؛ فإن الزخم الخطي يكون محفوظاً، شريطة أن تكون قوة الاحتكاك الخارجية التي يؤثر بها سطح الأرض في المدفع مهملة مقارنة بالقوى الداخلية.

بعد الانفجار، يكون الزخم الخطي الكلي للنظام مساوياً للزخم الخطي الكلي قبل الانفجار؛ ويساوي صفراً. ومع ذلك فإن طاقة الحركة للنظام ليست محفوظة. إذ يكتسب النظام مقداراً كبيراً من طاقة الحركة بعد الانفجار؛ هذه الزيادة في طاقة الحركة للنظام مصدرها الطاقة الناتجة عن الانفجار نفسه.

م. عالية المخامرة

الدرس الثاني: تطبيقات على حفظ الزخم الخطي

page 23

المثال 5

مدفع ساكن كتلته $(2.0 \times 10^3 \text{ kg})$ ، فيه قذيفة كتلتها (50.0 kg) . أطلقت القذيفة أفقياً من المدفع بسرعة $(1.2 \times 10^2 \text{ m/s})$

باتجاه محور $+x$. أحسب ما يأتي:

أ. الدفع الذي تؤثر به القذيفة في المدفع.

ب. سرعة ارتداد المدفع.

1 $I_{AB} = I_{BA}$

2 $\epsilon P_{\text{قبل}} = \epsilon P_{\text{بعد}}$

$I = \Delta P_B = P_{Bf} - P_{Bi}$

$= m_B v_{Bf} - m_B v_{Bi}$

$= 50 \times (1.2 \times 10^2) - 50(0)$

$= 6 \times 10^3 \text{ Kg.m/s}, +$

$I_{AB} = 6 \times 10^3 \text{ N.s}, +$

$I_{BA} = 6 \times 10^3 \text{ N.s}, -$

$m_A v_{iA} + m_B v_{iB} = m_A v_{fA} + m_B v_{fB}$

$0 + 0 = 2 \times 10^3 \times v_{fA} + 50 \times 1.2 \times 10^2$

$0 = 2 \times 10^3 v_{fA} + 6 \times 10^3$

$\frac{-6 \times 10^3}{2 \times 10^3} = \frac{2 \times 10^3 v_{fA}}{2 \times 10^3}$

$v_{fA} = -3 \text{ m/s}$

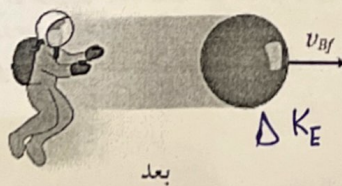
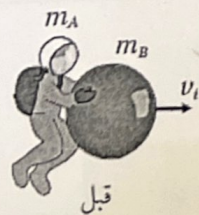
$= 3 \text{ m/s}, -$

المثال 6

page 24

رائد فضاء كتلته (80 kg) يحمل جسمًا كتلته (40 kg) ، ويتحرك باتجاه محور $(+x)$ بسرعة ثابتة (6 m/s) ، قذف الجسم

باتجاه محور $(+x)$ بسرعة (21 m/s) ، كما في الشكل (12). أحسب ما يأتي:



أ. سرعة رائد الفضاء بعد قذفه للجسم.

ب. التغير في الطاقة الحركية للنظام، مفسراً سبب هذا التغير.

جسم B: $m_B = 40 \text{ kg} / v_{Bf} = 21 \text{ m/s}, + / v_i = 6 \text{ m/s}, +$

رائد فضاء A: $m_A = 80 \text{ kg} / v_i = 6 \text{ m/s}, +$

1 v_{Bf}

$\epsilon P_{\text{قبل}} = \epsilon P_{\text{بعد}}$

$m_A v_{iA} + m_B v_{iB} = m_A v_{fA} + m_B v_{fB}$

$80 \times 6 + 40 \times 6 = 80 \times v_{fA} + 40 \times 21$

$480 + 240 = 80 v_{fA} + 840$

$720 = 80 v_{fA} + 840$

-840

$-120 = 80 v_{fA}$

$\frac{-120}{80} = \frac{80 v_{fA}}{80}$

$v_{fA} = -1.5 \text{ m/s} \rightarrow 1.5 \text{ m/s}, -$

$\frac{1}{2} m_A v_{Af}^2 + \frac{1}{2} m_B v_{Bf}^2 = \frac{1}{2} m_A v_{Ai}^2 + \frac{1}{2} m_B v_{Bi}^2$

$\frac{1}{2} (80)(1.5)^2 + \frac{1}{2} (40)(21)^2 = \frac{1}{2} (80)(6)^2 + \frac{1}{2} (40)(6)^2$

$90 + 8820 = 1440 + 720$

$8910 = 2160$

$8910 - 2160 = 6750 \text{ J}$

الزخم محفوظ

الطاقة الحركية غير محفوظة

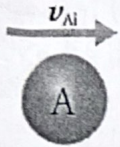
م. عالية المخامرة

الدرس الثاني: تطبيقات على حفظ الزخم الخطي

المثال 7 page 27

تصادم مرئي

كرتا بلياردو كتلة كل منهما (0.16 kg). تتحرك الكرة (A) باتجاه محور x بسرعة (2 m/s) نحو الكرة (B) الساكنة وتتصادمان رأسًا برأس تصادمًا مرئيًا، أنظر الشكل (15). أحسب سرعة الكرة (B) بعد التصادم.

المعطيات: $m_A = m_B = 0.16 \text{ kg}$, $v_{Ai} = 2 \text{ m/s}$, $+x$, $v_{Bi} = 0$.المطلوب: $v_{Bf} = ?$

الشكل (15): تصادم مرئي لكرتين في بُعد واحد.

كرة A : $-m_A = 0.16 \text{ kg}$ / $v_{Ai} = 2 \text{ m/s}$
 كرة B : $-m_B = 0.16 \text{ kg}$ / $v_{Bi} = 0 \text{ m/s}$

① $m_A v_{Ai} + m_B v_{Bi} = m_A v_{Af} + m_B v_{Bf}$

$0.16 \times 2 + 0.16 \times 0 = 0.16 \times v_{Af} + 0.16 \times v_{Bf}$

$\frac{0.32}{0.16} + 0 = \frac{0.16 v_{Af}}{0.16} + \frac{0.16 v_{Bf}}{0.16}$

② $2 = v_{Af} + v_{Bf}$

② $v_{Ai} + v_{Af} = v_{Bi} + v_{Bf}$
 $2 + v_{Af} = 0 + v_{Bf}$

③ $v_{Af} - v_{Bf} = 2$

③ $v_{Af} + v_{Bf} = 2$

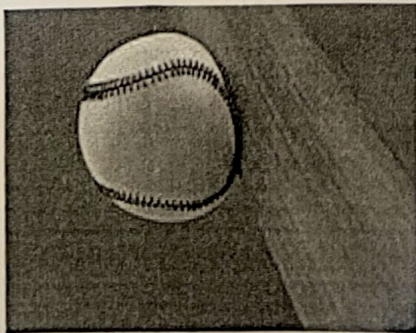
$v_{Bf} - v_{Af} = 2$

$\frac{2 v_{Bf}}{2} = \frac{4}{2}$

$v_{Bf} = 2 \text{ m/s}$, $+x$

$v_{BA} = \frac{2}{2} = \frac{2}{2}$

$v_{BA} = 0 \text{ m/s}$

2- تصادم غير مرئي

الشكل (16): يُعد تصادم كرة مطاطية بالمضرب تصادمًا غير مرئي.

• الزخم الخطي محفوظ في جميع أنواع التصادمات.

• الطاقة الحركية للنظام تكون غير محفوظة أي أن مجموع الطاقة الحركية لأجزاء النظام قبل التصادم لا يكون مساويًا لمجموع الطاقة الحركية لأجزاء النظام بعد التصادم.

• من الأمثلة عليها عندما تصطدم كرة مطاطية بمضرب حيث يحدث تشوه للكرة وضباع جزء من الطاقة.

م. عالية المخامرة

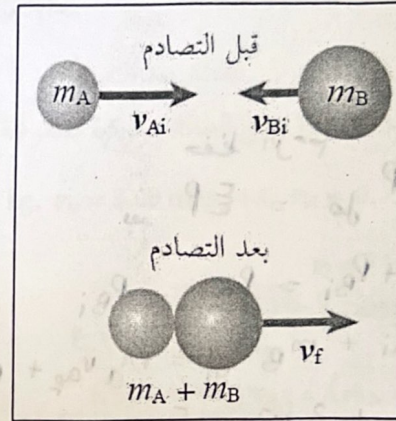
الدرس الثاني: تطبيقات على حفظ الزخم الخطي

3- تصادم عديم المرونة:

ويوصف التصادم غير المرِن بأنه تصادمٌ عديم المرونة Perfectly inelastic collision عندما تلتحم الأجسام المتصادمة معًا بعد التصادم، لتصبح جسمًا واحدًا تساوي كتلته مجموع كتل الأجسام المتصادمة. ومثال ذلك ما يحدث عند اصطدام كرتي صلبين معًا، أو اصطدام سيارتين وتحركهما معًا بعد التصادم.

$$m_A v_{Ai} + m_B v_{Bi} = (m_A + m_B) v_f$$

$$v_f = \frac{m_A v_{Ai} + m_B v_{Bi}}{m_A + m_B}$$



✓ **أنحقق:** أقرن - في جدول - بين التصادم المرِن، والتصادم غير المرِن، والتصادم عديم المرونة في الأنظمة المعزولة، من حيث: حفظ الزخم الخطي، حفظ الطاقة الحركية، التهام الأجسام بعد التصادم.

نوع التصادم / المقارنة	التصادم المرِن	التصادم غير المرِن	التصادم عديم المرونة
حفظ الزخم الخطي	محفوظ	محفوظ	محفوظ
حفظ الطاقة الحركية	محفوظ	غير محفوظ	غير محفوظ
التهام الاجسام بعد التصادم	لا يلتحم	لا يلتحم	يلتحم

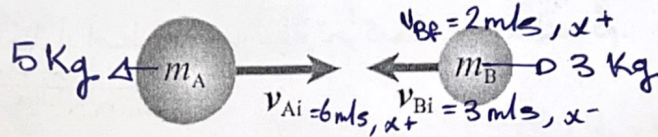
م. عالية المخامرة

الدرس الثاني: تطبيقات على حفظ الزخم الخطي

page 29

المثال 8

تتحرك الكرة (A) باتجاه محور x بسرعة (6.0 m/s) ؛ فتصطدم رأساً برأس بكرة أخرى (B) أمامها تتحرك باتجاه محور $-x$ بسرعة (3.0 m/s) . أنظر الشكل (18). بعد التصادم تحركت الكرة (B) بسرعة (2.0 m/s) باتجاه محور $+x$. إذا علمت أن $(m_A = 5.0 \text{ kg}, m_B = 3.0 \text{ kg})$ ، فأجب عما يأتي:



الشكل (18): تصادم كرتين في بُعد واحد.

أ. أحسب سرعة الكرة (A) بعد التصادم.
ب. أحدد نوع التصادم.

حفظ الزخم
1 $\Sigma P_{\text{قبل}} = \Sigma P_{\text{بعد}}$

$$P_{Ai} + P_{Bi} = P_{Af} + P_{Bf}$$

$$m_A v_{Ai} + m_B v_{Bi} = m_A v_{Af} + m_B v_{Bf}$$

$$5 \times 6 + 3 \times (-3) = 5 v_{Af} + 3 \times 2$$

$$30 + (-9) = 5 v_{Af} + 6$$

$$5 v_{Af} = 30 + (-9) + 6$$

$$\frac{5 v_{Af}}{5} = \frac{15}{5}$$

$$v_{Af} = 3 \text{ m/s}, x+$$

2 دائماً لتحديد نوع التصادم نطبق قانون حفظ الطاقة الحركية

$$\Sigma KE_i = \Sigma KE_f$$

$$\frac{1}{2} m_A v_{Ai}^2 + \frac{1}{2} m_B v_{Bi}^2 = \frac{1}{2} m_A v_{Af}^2 + \frac{1}{2} m_B v_{Bf}^2$$

$$\frac{1}{2} \times 5 \times 6^2 + \frac{1}{2} \times 3 \times 3^2 = \frac{1}{2} \times 5 \times 3^2 + \frac{1}{2} \times 3 \times 3^2$$

$$\frac{180}{2} + \frac{27}{2} = \frac{45}{2} + \frac{12}{2}$$

$$\frac{207}{2} = \frac{67}{2}$$

$$KE_f - KE_i = \frac{67}{2} - \frac{207}{2}$$

قوة = -

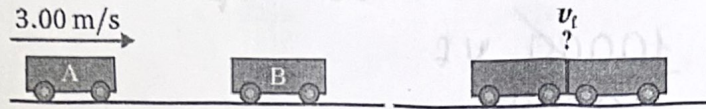
الطاقة الحركية
إذاً تصادم غير مرئي

الدرس الثاني: تطبيقات على حفظ الزخم الخطي

م. عالية المخامرة

المثال 9

عربة قطار (A) كتلتها $(1.80 \times 10^3 \text{ kg})$ تتحرك في مسار أفقي مستقيم لسكة حديد بسرعة (3.00 m/s) باتجاه محور x ، فتصطدم بعربة أخرى (B) كتلتها $(2.20 \times 10^3 \text{ kg})$ تقف على المسار نفسه، وتلتحمان معاً وتتحركان على المسار المستقيم لسكة الحديد نفسه، كما هو موضح في الشكل (19). أجب عما يأتي:



الشكل (19): تصادم عربتي قطار.

أ. أحسب سرعة عربتي القطار بعد التصادم.

ب. ما نوع التصادم؟ وهل الطاقة الحركية محفوظة في هذا النوع من التصادمات؟ أبرر إجابتي.

المعطيات: $m_A = 1.80 \times 10^3 \text{ kg}$, $m_B = 2.20 \times 10^3 \text{ kg}$, $v_{Ai} = 3.00 \text{ m/s}$, $+x$, $v_{Bi} = 0$.

(2) النظام عديم العروية ← التحام
الطاقة الحركية غير محفوظة ← اثبت ← أوجد ΔK_e

المطلوب: $v_f = ?$

(1) الزخم محفوظ

$$\epsilon p_i = \epsilon p_f$$

$$m_A v_{Ai} + m_B v_{Bi} = (m_A + m_B) v_f$$

$$1.80 \times 10^3 \times 3 + 2.20 \times 10^3 \times 0 = (1.80 \times 10^3 + 2.20 \times 10^3) v_f$$

$$\frac{5.4 \times 10^3}{4 \times 10^3} = \frac{4 \times 10^3}{4 \times 10^3} v_f$$

$$v_f = 1.35 \text{ m/s}, +x$$

نتيجة

واجب

أستخدم الأرقام: تتحرك عربة قطار (A) في مسار أفقي مستقيم بسرعة (2.00 m/s) شرقاً فتصطدم بعربة (B) تتحرك على المسار نفسه بسرعة (1.00 m/s) غرباً، وتلتحمان معاً. إذا علمت أن $(m_A = m_B = 5000 \text{ kg})$ ، أحسب الطاقة الحركية المفقودة في التصادم.

$$P_1 = mv$$

$$= 5000 \times 2$$

$$= 10000 \text{ Kg.m/s}$$

$$P_2 = mv$$

$$= 5000 \times 1$$

$$= 5000 \text{ Kg.m/s}$$

$$P_f = P_1 + P_2$$

$$= 10000 + 5000$$

$$= 15000 \text{ Kg.m/s}$$

$$KE = \frac{1}{2} m v^2$$

$$KE_1 = \frac{1}{2} \times 5000 \times 2^2$$

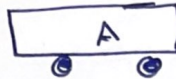
$$= 10000$$

$$KE_2 = \frac{1}{2} \times 5000 \times 1^2$$

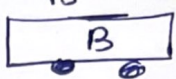
$$= 2500$$

$$KE_f = 2500 + 10000$$

$$= 12500 \text{ J}$$

$$m_A = 5000 \text{ kg}$$


$$v_{Ai} = 2 \text{ m/s}, x^+$$

$$m_B = 5000 \text{ kg}$$


$$v_{Bi} = 1 \text{ m/s}, x^-$$

[1] $\epsilon p_i = \epsilon p_f$ ← الزخم محفوظ

$$m_A v_{Ai} + m_B v_{Bi} = (m_A + m_B) v_f$$

$$5000 \times 2 + 5000 \times -1 = 5000 + 5000 v_f$$

$$10000 + (-5000) = 10000 v_f$$

$$\frac{5000}{10000} = \frac{10000}{10000} v_f$$

$$v_f = 0.5 \text{ m/s}, x^+$$

[2] النظام ← عديم الزخم ← النظام
الطاقة الحركية غير محفوظة ← أثبت ← أوجد ΔK_e

$$\Delta K_e = K_{ef} - K_{ei}$$

$$= \left[\frac{1}{2} (m_A + m_B) v_f^2 - \left(\frac{1}{2} m_A v_{Ai}^2 + \frac{1}{2} m_B v_{Bi}^2 \right) \right]$$

$$\left[\frac{1}{2} (5000 + 5000) (0.5)^2 - \left(\frac{1}{2} (5000 \times 2^2) + \frac{1}{2} (5000 \times 1^2) \right) \right]$$

$$\left[5000 (0.25) - (10000 + 2500) \right]$$

$$= 1250 - 12500$$

$$= -11250 \text{ J}$$

17th of Sep, 2025

طبيقات على الزخم - البندول القنفي

طاقة الوضع P_e

$$P_e = mgh \quad (J)$$

الارتفاع h
 كتلة m
 تسارع الجاذبية 10 m/s^2

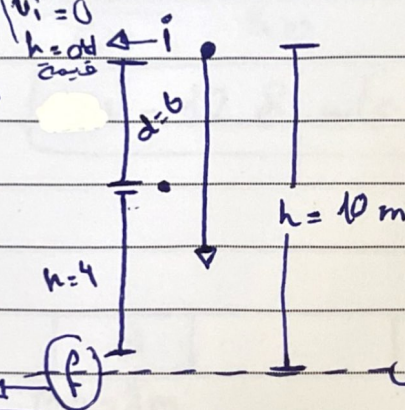
الطاقة الحركية K_e

$$K_e = \frac{1}{2} mv^2 \quad (J)$$

الوزن $F_g = mass \times g = mg$
 القوة الجاذبية 10 m/s^2

Mechanical Energy = $K_e + P_e$

نؤخذ من $h=0$ سطح الأرض إلى الأعلى



سطح الأرض $h=0$ نقطة

الطاقة الحركية $K_e = 0$
 الطاقة الوضع $P_e = 0$
 الطاقة الميكانيكية $M_e = 0$

النقطة الحرة

سقط جسم

1- اتجاه الحركة g

2- $v_i = 0$

3- قيمة سالبة v_f

4- السرعة تزيد

$$m_A + m_B = 500 \text{ Kg} \quad / \quad v_i = ?? \quad / \quad v_{Af} = 200 \text{ m/s} \quad / \quad v_{Bf} = 5 \text{ m/s}, x+$$

$$m_A = 20 \text{ Kg}$$

نظام مغلق الزخم محفوظ

$$P_i = P_f$$

$$m \cdot v = m_A v_{Af} + m_B v_{Bf}$$

$$500 \times v = 20 \times 200 + 480 \times 5$$

$$500v = 4000 + 2400$$

$$\frac{500v}{500} = \frac{6400}{500}$$

$$v = 12.8 \text{ m/s}$$

سؤال رقم 5 35

B

$$m_B = 2m$$

$$v_B = v_{id+}$$

A

$$m_A = m$$

متزلقة :- لا يوجد قوى خارجية مؤثرة

أعلى :- لا يوجد قوى عميقة

$$m = m_A + m_B$$

$$v_A = v, x-$$

$$P_i = P_f$$

$$m_A v_{Ai} + m_B v_{Bi} = (m_A + m_B) v_f$$

$$(m)(-v) + (2m)(+v) = (m + 2m) v_f$$

$$-mv + 2mv = 3m v_f$$

$$\frac{mv}{3m} = \frac{3m}{3m} v_f$$

$$v_f = \frac{v}{3}, x+$$

⑥ K_e قبل التصادم

$$K_{e_i} = \frac{1}{2} m_A v_A^2 + \frac{1}{2} m_B v_B^2$$

$$\frac{1}{2} (m) (-v)^2 + \frac{1}{2} (2m) (+v)^2$$

$$= \frac{1}{2} mv^2 + mv^2$$

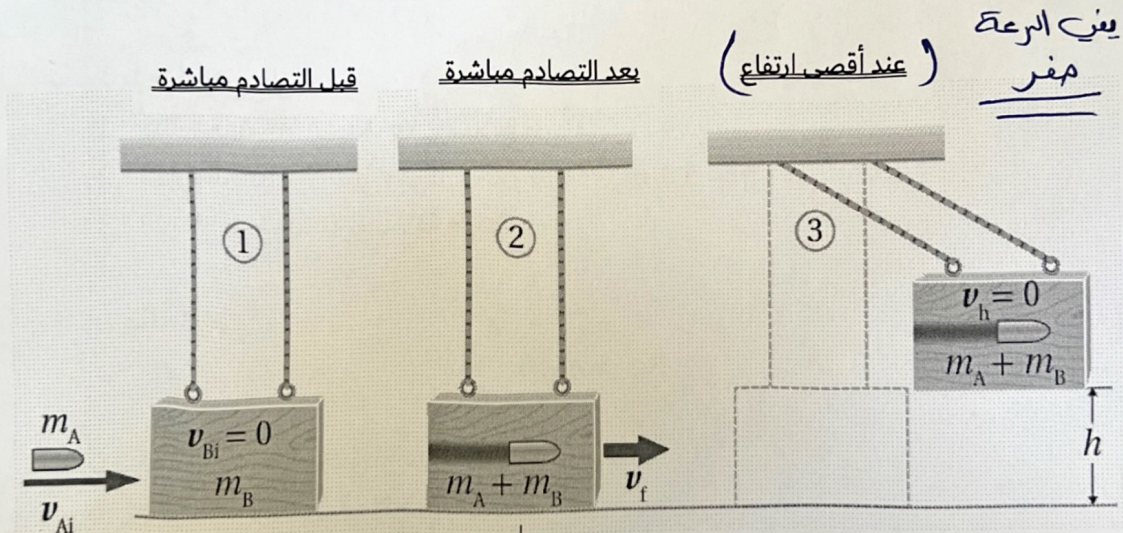
$$= \frac{3}{2} mv^2$$

الاجابة

تطبيق: البندول القذفي

مبدأ عمله:

البندول القذفي Ballistic pendulum يُستخدم لقياس مقدار سرعة مقذوف، مثل الرصاصة. إذ تُطلق رصاصة كتلتها (m_A) باتجاه قالب كبير ساكن من الخشب كتلته (m_B)، مُعلق رأسيًا بخيطين خفيفين. فتخترق الرصاصة قطعة الخشب وتستقر داخلها، ويتحرك النظام المُكوّن منهما كجسم واحد، ويرتفع إلى أقصى مسافة رأسيّة (h). أنظر الشكل (20). ويمكن حساب مقدار سرعة الرصاصة قبل اصطدامها بقطعة الخشب بمعرفة مقدار (h).



$$m_A v_{Ai} + 0 = (m_A + m_B) v_f$$

$$v_{Ai} = \frac{(m_A + m_B) v_f}{m_A}$$

$$ME_2 = ME_3$$

$$KE_2 + PE_2 = KE_3 + PE_3$$

$$\frac{1}{2} (m_A + m_B) v_f^2 + 0 = 0 + (m_A + m_B) g h$$

$$v_f^2 = 2g h \rightarrow v_f = \sqrt{2g h}$$

أطلق سعد سهمًا كتلته (0.03 kg) أفقيًا باتجاه بندول قذفي كتلته (0.72 kg)؛ فاصطدم به والتحما معًا، بحيث كان أقصى ارتفاع وصل إليه البندول فوق ^{بني سالت} المستوى الابتدائي له (20 cm). بافتراض تسارع السقوط الحر (10 m/s²)، وبإهمال القوى الخارجية، أجب عما يأتي:

أ. أي مراحل حركة النظام المكوّن من البندول والسهم يكون فيها الزخم الخطي محفوظًا؟

ب. أي مراحل حركة النظام تكون فيها الطاقة الميكانيكية محفوظة؟

ج. أحسب مقدار السرعة الابتدائية للسهم. $V_{Ai} = ??$

$m_A = 0.03 \text{ Kg}$
 $m_B = 0.72 \text{ Kg}$

$h = \frac{20 \text{ cm}}{100} = 0.2 \text{ m}$
 $g = 10 \text{ m/s}^2$

الجواب الكتابي
[أ] جواب ص 32 / [ب] جواب ص 32

[ج] بين مرحلة (3) و (2)
 $M_{e2} = M_{e3}$

$P_e + K_e = P_e + K_e$

$mgh_2 + \frac{1}{2}mv_2^2 = mgh_3 + \frac{1}{2}mv_3^2$

$mg(0) + \frac{1}{2}(0.72 + 0.03)v_2^2 = (0.72 + 0.03) \times 10 \times 0.2$

$\frac{0.72}{0.75} \times \left(\frac{0.75}{2} v_2^2 = 0.75 \times 2 \right) \times \frac{2}{0.75}$

$\sqrt{v_2^2} = \sqrt{4} \quad v_2 = 2 \text{ m/s, } x^+$

بين مرحلة (1) و (2)
الزخم محفوظ

$P_i = P_f$

$m_A v_{Ai} + m_B v_{Bi} = (m_A + m_B) v_f$

$(0.03) v_{Ai} + 0.72(0) = (0.72 + 0.03)(2)$

$\frac{0.03}{0.03} v_{Ai} = \frac{0.75(2)}{0.03}$

$v_{Ai} = 50 \text{ m/s, } x^+$

م. عالية المخامرة

الدرس الثاني: تطبيقات على حفظ الزخم الخطي

page 33

لشركة

1. استخدم الأرقام: أطلق مُحَقِّقٌ رصاصةً كتلتها (0.030 kg) أفقيًا باتجاه بندول قذفي كتلته (0.97 kg)، فاصطدمت به والتحما معًا، فكان أقصى ارتفاع وصل إليه البندول فوق المستوى الابتدائي له (45 cm). احسب مقدار السرعة الابتدائية للرصاصة.

$$m = 0.030 \text{ kg} / m = 0.97 \text{ kg} / h = \frac{45 \text{ cm}}{100} = 0.45 \text{ m} / v_{Ai} = ?$$

رصاصة

بندول

$$\boxed{1} \quad M_{e3} = P_{e2} \quad \text{بدراسة العلم}$$

$$(P_{e3} + K_{e3}) = (P_{e2} + K_{e2})$$

$$mgh_3 + \frac{1}{2}mv_3^2 = mgh_2 + \frac{1}{2}mv_2^2$$

$$(1)(40)(0.45) + \frac{1}{2}(1)(0) = (1)(10)(0) + \frac{1}{2}(1)(v_2^2)$$

$$\frac{4.5}{0.5} = \frac{0.5}{0.5} v_2^2$$

$$\sqrt{v_2^2} = \sqrt{9}$$

$$\boxed{v_2 = 3}$$

$$\boxed{2} \quad P_{ei} = P_{ef} \quad \text{(إين مرحلة 1 و 2)}$$

$$m_A v_{Ai} + m_B v_{Bi} = m v_f$$

$$0.030 v_{Ai} + 0.97 \times 0 = 1(3)$$

$$\frac{0.030}{0.030} v_{Ai} = \frac{3}{0.030}$$

$$\boxed{v_{Ai} = 100 \text{ m/s}, \times^r}$$

2. تظهر في الشكل أدناه لعبة شهيرة تسمى كرات نيوتن (Newton's cradle)؛ تتكون من كرات عدّة فلزية متماثلة متراصة معًا بغيوط خفيفة. عند سحب إحدى الكراتين الخارجيتين نحو الخارج ثم إطلاقها؛ فإنها تصطدم تصادمًا مرنًا بالكرة التي كانت مجاورة لها، لاحظ أن الكرة الخارجية على الجانب الآخر من اللعبة تقفز في الهواء.

أ. أفسر ما حدث.

ب. أوقع: ماذا سيحدث إذا سحبنا كرتين من الجانب الأيسر، جانيًا ثم أطلقتهما معًا؟

