

4-November . 2025

حل المعادلات التربيعية

الملائم

بالتحليل (أ)

الخاصية المفترية 8 $a \cdot b = 0 \Rightarrow a = 0 \vee b = 0$ / $a \cdot b = 0$

خطوات حل المعادلة التربيعية

1) اعتبار المعادلة التربيعية على الصورة القياسية $ax^2 + bx + c = 0$

2) تحليل المقدار الجبري في الطرف الأيسر من المعادلة على صورة حاصل ضرب عاملين

3) مساواة كل عامل بالمفر (حسب الخاصية المفترية) وإيجاد حل المعادلة الخطية الناتجة

4) حلول المعادلة التربيعية هي الحلول الناتجة من الخطوة 3
ملاحظة: يحلل المقدار الجبري التربيعي ذو الحدين بأخراج عامل مشترك

مشتق

1) $x^2 - 3x = 0$

$x(x-3) = 0$

$$\boxed{x=0} \quad | \quad \begin{array}{l} x-3=0 \\ +3 \quad +3 \\ \hline x=3 \end{array}$$

$(0, 3)$

2) $x^2 = -5x$

$x^2 + 5x = 0$

$x(x+5) = 0$

$$\boxed{x=0} \quad | \quad \begin{array}{l} x+5=0 \\ -5 \quad -5 \\ \hline x=-5 \end{array}$$

$(0, -5)$

أحد المعادلات 8-

3) $6x^2 = 20x$

$6x^2 - 20x = 0$

$2x(3x-10) = 0$

$$\begin{array}{l|l} 2x=0 & 3x-10=0 \\ \hline \frac{2x}{2}=0 & \begin{array}{l} +10 \quad +10 \\ 3x=10 \\ \frac{3x}{3}=\frac{10}{3} \end{array} \end{array}$$

$x=\frac{10}{3}$

4) $8x^2 = -12x$

$8x^2 + 12x = 0$

$4x(2x+3) = 0$

$4x(2x+3) = 0$

$\frac{4x}{4}=0$

$\boxed{x=0}$

$2x+3=0$

$\frac{2x}{2} = \frac{-3}{2}$

$\boxed{x = -\frac{3}{2}}$

5) $4x^2 + 9 = 0$

$x(4x+9) = 0$

$\boxed{x=0} \quad 4x+9=0$

$$\begin{array}{l} 4x+9=0 \\ -9 \quad -9 \\ \hline 4x=-9 \\ \frac{4x}{4}=\frac{-9}{4} \end{array}$$

$\boxed{x = -\frac{9}{4}}$

6) $7x^2 = 6x$

$7x^2 - 6x = 0$

$x(7x-6) = 0$

$\boxed{x=0} \quad 7x-6=0$

$$\begin{array}{l} 7x-6=0 \\ +6 \quad +6 \\ \hline 7x=6 \\ \frac{7x}{7}=\frac{6}{7} \end{array}$$

$x = \frac{6}{7}$

Tuesday

4/11/2025

حل المعادلات التربيعية بإكمال المربع

$$x^2 + 9x - 3 = 0$$

$$x^2 + 2x - 3 = 0$$

$$F(x) = x^2 + 2x - 3 = 0$$

$$a = 1 \quad b = 2 \quad c = -3$$

$$x = \frac{-b}{2a} = \frac{-2}{2 \times 1} = -1 = (-1)$$

الإحداثيات $(-1, F(-1))$

$$F(x) = x^2 + 9x - 3$$

$$F(-1) = -1^2 + 9(-1) = 3$$

$$F(-1) = 1 - 9 = -8$$

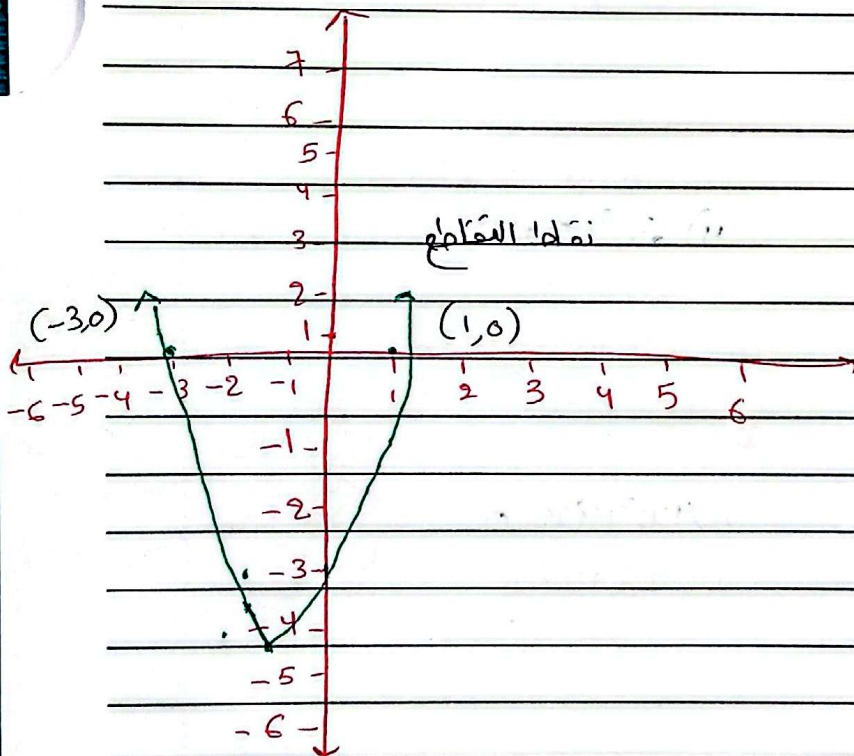
الإحداثيات $(-1, -8)$

$$F(-1) = -1 - 3$$

$(-1, -4)$

$$F(-1) = -4$$

x	-3	-2	-1	0	1
y	0	-3	-4	-3	0



نقطة التقاطع

المحاور الإحداثية

$$x = -3$$

$$x = 1$$

نقطة التقاطع

$$[-3, 1]$$