

10/10/2024

ب) الضرب المتقاطعي المتجهي :

هو ضرب متجه في متجه آخر لينتج عليه متجه له قيمة واتجاه

القانون : يقدم الاتجاه فيه المتجه لنتائج (نقطة)

$$\text{if } \vec{A} = |\vec{A}|u, \theta_A \quad (\text{اذا كان})$$
$$\vec{B} = |\vec{B}|u, \theta_B$$

then (عندها)

$$\vec{A} \times \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}| \sin \theta$$

حيث $|\vec{A}|$ فيه المتجه الاول

$|\vec{B}|$ فيه المتجه الثاني

θ : هي الزاوية الصغيرة المحصورة بين المتجهين ($0 \leq \theta \leq 180^\circ$)

ولتقدير الاتجاه نستخدم قاعدة اليد اليمنى

ملاحظات :

1- من هنا لنوع الضرب المتجهي لانه ينتج عليه متجه

2- سيعمل هذا لنوع الضرب المتقاطعي لان اشارته للضرب فيه $\times$

3- لحساب الزاوية بين المتجهين نرسم المتجهين تقديراً على نفس المستوى من نفسه نقطة الصفر

4- يكون ناتج الضرب المتقاطعي دائراً موجياً لانه $\sin \theta$ موجب في الربع الاول والثاني

5- لا يمكن ان يكون ناتج الضرب المتقاطعي سالباً لان الناتج فيه متجه موجي دائماً

6- يكون ناتج الضرب المتقاطعي صفراً اذا كان $\downarrow$ وهذه هي اقل قيمه

P. المتجهان متوازيان وبنفس الاتجاه ($\theta = 0$) بين المتجهين

5- المتجهان متوازيان ومضاهيان ($\theta = 180^\circ$) بين المتجهين

7- يكون للضرب المتقاطعي اعلى قيمه اذا كانت الزاوية بين المتجهين

90° اي متعامدان

٨- لا يعتبر الضرب النقطي قسماً حيث $\vec{A} \times \vec{B} \neq \vec{B} \times \vec{A}$ بل يكون $\vec{A} \times \vec{B}$ متوازياً في اتجاه $\vec{B} \times \vec{A}$ ولكنه متعاكس في الاتجاه $\vec{B} \times \vec{A} = -\vec{A} \times \vec{B}$

٩- من أهم أمثلة الضرب النقطي العزم (عزم الدوران) ووحدته لقياسه $(N.m)$

$$\text{Torque} = \vec{r} \times \vec{F}$$

حيث $\vec{r}$ متجه الموقع $\vec{F}$ متجه القوة

- ١- لتحديد اتجاه المتجه نستخدم قاعدة اليد اليمنى حيث نرسم المتجهين $\vec{r}$ و $\vec{F}$ في اتجاه $\vec{r}$ نضع الإصبع في اتجاه $\vec{F}$ على اليد اليمنى.
- ٢- اصابع اليد على اتجاه $\vec{r}$.
- ٣- باطن كف اليد إذا كانت نحو الخارج لصفحة فالإشارة عودية للخارج $\odot$ وإذا كانت باطن اليد نحو الداخل (داخل الصفحة) فالإشارة عودية للداخل $\otimes$.

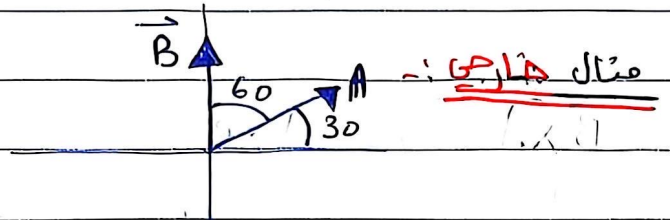
مثال ٢٠٥
 (١) $\vec{F} = 250 N, 90^\circ$ ، $\vec{r} = 0.4 m, 0^\circ$
 $T = \vec{r} \times \vec{F} = |\vec{r}| |\vec{F}| \sin \theta$
 $= 250 \times 0.4 \times \sin 90 = 100 N.m \odot$



(٢) $T = \vec{r} \times \vec{F} = |\vec{r}| |\vec{F}| \sin \theta$
 $= 250 \times 0.4 \times \sin 45 = 70 N.m, \odot$

$$\vec{A} = 10\mu, 30^\circ$$

$$\vec{B} = 20\mu, 90^\circ$$



Find ① $\vec{A} \times \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}| \sin \theta$

$$= 10 \times 20 \times \sin 60 = 200 \times 0.87 = 174\mu, \odot$$

② $\vec{B} \times \vec{A} = 174\mu, \otimes$

③ $-\vec{A} \times \vec{B} = 174\mu, \otimes$

④ $-\vec{A} \times -\vec{B} = 174, \odot$

⑤ $-\vec{B} \times -2\vec{A} = 2(174\mu) = 384\mu, \otimes$

⑥ $2\vec{A} \times -3\vec{B} = 6(174\mu) = 1044\mu, \otimes$

مثال خارجي: المسألة خارجة عن المقرر في أسئلة الجزيء، لتفادي تعقيد
عكس الاتجاه

$$\textcircled{1} \vec{A} \cdot \vec{B} = 320$$

$$= |\vec{A}| |\vec{B}| \cos \theta = 320$$

$$20 \times 20 \times \cos \theta = 320$$

$$\frac{400 \times \cos \theta}{400} = \frac{320}{400}$$

$$\cos \theta = 0.8 \Rightarrow \theta = 37^\circ$$

$$\textcircled{2} \vec{A} \times \vec{B} = 200$$

$$= |\vec{A}| |\vec{B}| \sin \theta = 200$$

$$20 \times 20 \times \sin \theta = 200$$

$$\frac{400 \times \sin \theta}{400} = \frac{200}{400}$$

$$\sin \theta = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta = 30^\circ$$

if $\vec{A} = 10u, 30^\circ$ $\vec{B} = 20u, 90^\circ$

دالة

Find $\textcircled{1} \vec{A} \times \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}| \sin \theta = 10 \times 20 \times \sin 60 = 200 \times 0.87 = 174u$

$\hookrightarrow 174u, \odot$

$\textcircled{2} \vec{B} \times \vec{A} = 174u, \otimes$

$\textcircled{3} \vec{A} \times -\vec{B} = 174, \otimes$

$\textcircled{4} -2\vec{A} \times -\vec{B} = 2(174)u, \odot = 348u, \odot$

$\textcircled{5} -2\vec{B} \times 3\vec{A} = 6(174)u, \odot = 1044u, \odot$

$\textcircled{6} -\vec{A} \times 2\vec{B} = 2(174)u, \otimes = 348u, \otimes$

