

قوانين الأسس :-

$$(1) a^0 = 1 \text{ الأس الصغرى}$$

$$(2) (a \times a = a) a^1 = a$$

$$(3) 10^5 = 100000 \text{ (تكرر الأرقام حسب الأس)}$$

* يجب أن يكون الأساس متساوي

$$(4) a^2 \times a^3 = a^5$$

$$(a \times a) \times (a \times a \times a) = a^5$$

في الغرض تجمع الأسس

$$(5) \frac{a^5}{a^2} = a^{5-2} = a^3$$

$$a \times a \times a \times a \times a = a^5$$

في المقسمة تطرح الأسس

$$(6) (a^2)^3 \text{ قوة القوى}$$

$$a^{2 \times 3} = a^6 \text{ ضرب الأسس}$$

$$(a \times a) \times (a \times a) \times (a \times a)$$

$$(a \times b)^2 \rightarrow a^2 \times b^2 \quad (7)$$

نوزع الأس على الأساسات

$$\left(\frac{a}{b}\right)^2 \rightarrow \frac{a^2}{b^2} \quad \text{قسمة}$$

8 الأس السالب (غير المكان / غير الإشارة) (مقلوب)

$$\frac{1}{a^2} \rightarrow a^{-2} \quad \text{فوق} \rightarrow \text{تحت}$$

تحت فوق

$$a^{-2} \rightarrow \frac{1}{a^2}$$

مثال: جد قيمة كل مما يلي بأبسط صورة

① $27 \times 3^{\frac{1}{4}}$

$3^3 \times 3^{\frac{1}{4}}$

$3^{\frac{3 \times 4}{1 \times 4}} + \frac{1}{4}$

$3^{\frac{12}{4} + \frac{1}{4}} = 3^{\frac{13}{4}}$

$3^{\frac{13}{4}} \rightarrow \sqrt[4]{3^{13}}$

② $32^{\frac{1}{5}} \times 2^{\frac{2}{5}}$

مؤثر
القوة $(2^5)^{\frac{1}{5}} \times 2^{\frac{2}{5}}$

$2^{\frac{5}{5} \times \frac{1}{5}} \times 2^{\frac{2}{5}}$

نتيجة
الأسس $2^{\frac{5}{5}} \times 2^{\frac{2}{5}}$

$2^{\frac{5}{5} + \frac{2}{5}}$

$= 2^{\frac{7}{5}} \rightarrow \sqrt[5]{2^7}$

45
التحقق من صحة

6) $(32)^{\frac{1}{3}} \times 2^{\frac{4}{3}}$

$(2^5)^{\frac{1}{3}} \times 2^{\frac{4}{3}}$

$2^{\left(\frac{5}{3} \times \frac{1}{3}\right)} \times 2^{\frac{4}{3}}$

$2^{\frac{5}{3}} \times 2^{\frac{4}{3}}$

$2^{\frac{5+4}{3}} = 2^{\frac{9}{3}}$

$2^3 = 8$

$$6) \sqrt[4]{8 \times 2^4}$$

$$\sqrt[4]{3^4 \times 2^4}$$

الأسس مختلف

$$\sqrt[4]{(3 \times 2)^4}$$

(الأسس نفسها)

$$\sqrt[4]{6^4}$$

نأخذ الأس
مستتركة

$$= 6$$

$$7) \sqrt[3]{243}$$

$$\sqrt[3]{9}$$

$$\sqrt[3]{243}$$

$$\sqrt[3]{9}$$

$$\sqrt[3]{\frac{3^5}{3^2}}$$

$$\sqrt[3]{3^{5-2}}$$

$$\sqrt[3]{3^3}$$

$$= 3$$

$$8) \left(\frac{16}{81} \right)^{\frac{5}{4}}$$

$$\left(\frac{81}{16} \right)^{\frac{5}{4}}$$

$$\left(\frac{3^4}{2^4} \right)^{\frac{5}{4}}$$

$$\left(\left(\frac{3}{2} \right)^4 \right)^{\frac{5}{4}}$$

$$\frac{3}{2} \left(\frac{4}{1} \times \frac{5}{4} = 5 \right)$$

$$\left(\frac{3}{2} \right)^5$$

$$\frac{3^5}{2^5}$$

$$= \frac{243}{32}$$

(2) تبسيط

مثال: اكتب ما يلي في أبسط صورة

* الأسس متشابهة

$$y^{-\frac{2}{3}} \times y^{\frac{5}{3}}$$

* ضرب

→ جمع الأسس

$$y^{(-\frac{2}{3} + \frac{5}{3})}$$

$$y^{(\frac{3}{3} = 1)}$$

$$y$$

* الأسس متشابهة

$$w^{\frac{7}{2}}$$

* قسمة

$$: w^3$$

→ طرح الأسس

$$w^{(\frac{7}{2} - \frac{3}{1})}$$

$$w^{(\frac{7}{2} - \frac{6}{2})}$$

$$w^{\frac{1}{2}}$$

$$\sqrt{w}$$

$$4) y^{\frac{4}{5}} \times y^{-\frac{9}{5}}$$

الأسس متساوية

× ضرب

$$y^{\left(\frac{4}{5} + -\frac{9}{5}\right)}$$

× جمع الأسس

$$y^{\left(-\frac{5}{5}\right)} \rightarrow y^{-1}$$

$$= \frac{1}{y}$$

$$5) u^{-\frac{7}{2}}$$

الأسس متساوية

× قسمة

$$u^{\left(-\frac{7}{2} - -\frac{4}{10}\right)}$$

× طرح الأسس

$$u^{\left(-\frac{7}{2} + \frac{8}{10}\right)}$$

$$u^{\left(-\frac{1}{2}\right)}$$

$$= u^{\frac{1}{2}} \rightarrow \sqrt{u}$$

$$6) \left(d^{-\frac{2}{3}}\right)^6$$

× ضرب الأسس

$$d^{-\frac{2}{3} \times \frac{6}{1}}$$

$$d^{-\frac{12}{3} \div 3}$$

$$\frac{d^{-4}}{1} \rightarrow \frac{1}{d^4}$$

أنترب وأحل 48

$$1) \quad 25^{\frac{2}{3}} \times 5^{\frac{2}{3}}$$

$$(25 \times 5)^{\frac{2}{3}}$$

$$(5^2 \times 5)^{\frac{2}{3}}$$

$$(5^3)^{\frac{2}{3}}$$

$$5^{\frac{3}{1} \times \frac{2}{3}}$$

$$= 5^2 = 25$$

الحل
30/9

* الصيغة العلمية : هي طريقة للتعبير عن الأعداد الكبيرة جدًا أو الصغيرة جدًا .

* تكتب على صورة حاصل ضرب
(عدد $\times$ أحد قوى العدد 10)

$$a \times 10^n$$

حيث $1 < a < 10$

((عدد صحيح: n))

← إذا حركنا الفاصلة نحو اليمين يكون الأس (سالبة)

← إذا حركنا الفاصلة نحو اليسار يكون الأس (موجب)

← العدد الصحيح نضع له فاصلة على يمينه

مثال : اكتب كل مما يلي بالصيغة العلمية

8 أرقام

$$1) 145000000000 = 1.45 \times 10^{11}$$

6 أرقام

$$2) 0.00000031 = 3.1 \times 10^{-7}$$

$$3) 72143 = 7.2143 \times 10^4$$

51
تحقق من فهمك

$$7864 = 7.864 \times 10^3$$

$$4277.38 = 4.27738 \times 10^3$$

$$0.00000874 = 8.74 \times 10^{-6}$$

$$0.002 = 2 \times 10^{-3}$$

مثال : اكتب كل مما يأتي بالصيغة العلمية.

$$1) 7.51 \times 10^4 = 75100$$

$$75100.00$$

← 4 للمعز

$$2) 1.94 \times 10^{-3}$$

$$0.00194.$$

← 3 للمعز

أتحقق من فهمي ⁵²

الصورة القياسية $\rightarrow$ صيغة علمية

$$3) 64320 \times 10^6 \rightarrow 6432000$$

$$4) 3.45 \times 10^{-2} \rightarrow 0.0345$$

$$5) 7. \times 10^{-4} \rightarrow 0.0007$$

$$6) 8. \times 10^3 \rightarrow 8000$$

مقارنة الأعداد المكتوبة : بالصيغة العلمية

1- نبدأ بمقارنة أسس العدد 10

2- ثم نقارن الجزء العشري

$$3.8 \times 10^5 / 3.9 \times 10^6 / 4.2 \times 10^5$$

تصاعدي $\rightarrow 4.2 \times 10^5 / 3.8 \times 10^6 / 3.9 \times 10^6$

أتحقق من فهمي ⁵³

$$7.8 \times 10^{-3} / 7.9 \times 10^{-3} / 5.6 \times 10^{-4}$$

تصاعدي $\rightarrow 5.6 \times 10^{-4} / 7.8 \times 10^{-3} / 7.9 \times 10^{-3}$

مثال: جد ناتج ما يلي

$$(3.4 \times 10^{-4}) \times (6 \times 10^7)$$

$$(3.4 \times 6) \times (10^{-4} \times 10^7)$$

$$20.4 \times 10^3$$

$$2.04 \times 10^4$$

~~$$2.04 \times 10^4$$~~

7/10

النسبة المئوية :-

هي نسبة تقارن عدد بالعدد 100

* تكون النسبة أكبر من 100 .

إذا كان العدد أكبر من 100

* تكون النسبة أقل من 100 .

إذا كان العدد أقل من 100

مثال: جد نسبة كل مما يلي

1 - 3% من 1500

$$\begin{array}{r} 1500 \times \frac{3}{100} \\ \hline 1 \end{array}$$

$$= 45$$

2 - 18% من 2000

$$\begin{array}{r} 2000 \times \frac{18}{100} \\ \hline 1 \end{array}$$

$$= 360$$

موضوع الدرس النسبة المئوية اليوم الأربعاء التاريخ 20/10/81

أنصف من شيء 58

3- 350% من 10

$$\frac{10 \times 350}{100}$$

$$= 35$$

4- 0.1% من 5000

$$\frac{5000 \times 0.1}{1000}$$

$$= 5$$

* إذا كان هناك زيادة (زيادة 10% 100 + 10 110%)
نسبة معينة فإننا نضيفها إلى 100%

* أما إذا كان هناك انخفاض بنسبة معينة فإننا نطرحها
من 100% (100 - 30 70%)

مثال (2) ص 58

الراتب الأصلي: 750

نسبة الزيادة = 12% جمع + 100%

المطلوب: الراتب بعد الزيادة؟

الحل: (1) النسبة الكلية = 100% + 12%

$$= 112\%$$

(2) الراتب بعد الزيادة = الأصلي $\times$ النسبة الكلية

$$= \frac{112}{100} \times 750 = 840$$

ثمن السيارة: 6500

نسبة الانخفاض: 15%

المطلوب: ثمن السيارة بعد الانخفاض

الحل: (1) النسبة الكلية = 100% - 15%

$$= 85\%$$

(2) السعر بعد الانخفاض = 6500×85

$$\frac{100}{100}$$

$$= 5525$$

دينا

أتحقق من فهمي 59

(3) نسبة الزيادة في طول النبتة 25%
طول النبتة في الأسبوع السابق = 40cm

المطلوب: طول النبتة الآن؟ (بعد الزيادة)

الحل: 1) النسبة الكلية = 100% + 25%

125%

(2) الطول بعد الزيادة = الطول الأصلي $\times$ النسبة الكلية

$$\begin{array}{r} 25 \\ 125 \times 40 \\ \hline 2000 \end{array}$$

= 50cm

100
a/100

(4) نسبة الانخفاض = 30%

كان عدد العمال = 416 عامل

المطلوب: كم عامل سيبقى في المصنع؟

$$70\% = \frac{70}{100} = 0.7$$

(2) عدد العمال الذي سيبقون = عدد العمال $\times$ النسبة الكلية
السابقة

$$416 \times 0.7$$

$$291.2 \approx 291$$

عامل

النسبة المئوية للتغير :-

هي النسبة المئوية لمقدار التغير من الكمية الأصلية

أما الزيادة = نسبة زيادة مئوية
أو نقصان = نسبة نقصان مئوية

$$1) \text{ النسبة المئوية} = \frac{\text{مقدار التغير}}{\text{الكمية الأصلية}} \times 100\%$$

الكمية الأصلية = الكمية الجديدة = مقدار التغير

أو (أو)

$$2) \text{ النسبة المئوية} = \frac{(\text{كمية} - \text{كمية جديدة})}{\text{الكمية الأصلية}} \times 100\%$$

التحقق من نهج

السعر الأصلي 240
السعر الجديد 300

$$\text{نسبة التغير} = \frac{(300 - 240)}{240} \times 100\%$$

$$\frac{60}{240} \times 100 = 25\% \text{ نسبة زيادة}$$

موضوع الدرس النسبة المئوية اليوم السبت التاريخ 2025 10 11

٢٤ السعر الجديد 119

السعر الأصلي 140

$$\text{النسبة المئوية للتغير} = \frac{(\text{أصل} - \text{الجديد})}{\text{أصل}} \times 100\%$$

$$\frac{119 - 140}{140} \times 100\%$$

$$= \frac{-21}{140} \times 100\% = -15\%$$

~~-15%~~

٤) النسبة المئوية العكسية -

النسبة المئوية (مطابقة)

الكمية الأصلية (؟)

الخطوات -

$$\frac{\text{الكمية الجديدة}}{\text{النسبة}} = \text{الكمية الأصلية}$$

أتحقق من فهمي

زاد سعر السيارة بنسبة 6%

نسبة الزيادة = $100\% + 6\%$

$$= 106\%$$

ليصبح سعرها 9116 دينار

المطلوب : السعر الأصلي (p)

الحل : $\frac{\text{السعر الجديد}}{\text{نسبة الزيادة}} = \text{السعر الأصلي}$

نسبة الزيادة

$$= \frac{9116}{1.06} = 8600$$

دينار

تذكير:-

حالات ضرب الحدود والمقادير الجبرية

① حد جبري $\times$ حد ثابت

$$2x \times 3y = 6xy$$

② حد $\times$ حد جبري

$$2R \times 3R = 6R^2$$

③ مقدار جبري $\times$ حد جبري

$$3x(2x+1)$$

$$6x^2 + 3x$$

④ مقدار جبري $\times$ مقدار جبري

$$(x+3)(x-1)$$

$$x^2 + (-x) + 3x + -3$$

$$x^2 + 2x + -3$$

* حالات خاصة من ضرب المقادير الجبرية :-

① مربع (جمع حدين) $(a+b)^2 = (a+b)(a+b) = a^2 + 2ab + b^2$
 $a^2 + (ab+ab) + b^2$

$(\text{الثنائي})^2 = (\text{الأول})^2 + 2 \times \text{الأول} \times \text{الثاني} + (\text{الثاني})^2$

مثال : جد ناتج كل مما يأتي :-

① $(3k+2)^2 = (3k)^2 + 2 \times 3k \times 2 + (2)^2$
 $= 9k^2 + 12k + 4$

② $(y^3+2)^2 = (y^3)^2 + 2 \times y^3 \times 2 + (2)^2$
 $= y^6 + 4y^3 + 4$

② مربع الفرق بين حدين

$(a-b)^2 = (a+b)(a-b)$
 $= a^2 - (ab+ab) + b^2$
 $= a^2 - 2ab + b^2$

$(\text{الثنائي} - \text{الأول})^2 = (\text{الأول})^2 - (2 \times \text{الأول} \times \text{الثاني}) + (\text{الثاني})^2$

مثال ١: جد ناتج كل مما يلي

① $(2x - 3y)^2$

$$(2x)^2 - (2 * 2x * 3y) + (3y)^2$$

$$4x^2 - 12xy + 9y^2$$

② $(x - 5)^2 = x^2 - 10x + 25$

تنبيه هام جدًا

$$(x+5)^2 \neq x^2 + 25$$

لا نوزع القريب

على الجمع / الطرح

$$(x+5)^2 = x^2 + 10x + 25$$

أدقة من ضرب

$$3) (2c + 10)^2 = 4c^2 + 40c + 100$$

$$4) (d^2 + 4)^2 = d^4 + 8d^2 + 16$$

أدقة من ضرب

$$3) (7t^2 - 1)^2 = 49t^4 - 14t^2 + 1$$

$$4) (x^3 - 4y^2)^2$$

$$x^6 - 8x^3y^2 + 16y^4$$

موضوع الدرس حالات خاصية ضرب اليوم الأربعاء 10 / 10 / 2023

الحالة الثالثة

(3) ضرب

$$\begin{pmatrix} \text{المزق} \\ \text{بينها} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} \text{مجموع} \\ \text{حين} \end{pmatrix}$$

$$(x+3)(x-3)$$

$$x^2 - 3x + 3x - 9$$

!!

(القاعدة)

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

$$(\text{الثاني} - \text{الأول}) \times (\text{الثاني} + \text{الأول})$$

ببساطة طرح

$$(\text{الثاني})^2 - (\text{الأول})^2$$

أتحقق من فهمي 71

$$3) (6w + d^4)(6w - d^4)$$

$$(6w)^2 - (d^4)^2$$

$$36w^2 - d^8$$

$$4) (x^2 + 3h^7)(x^2 - 3h^7)$$

$$(x^2)^2 - (3h^7)^2$$

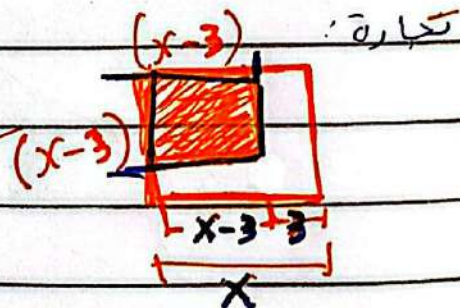
$$x^4 - 9h^{14}$$

أتحقق من فهمي 71

$$A = (5)^2$$

$$A = (x-3)^2$$

$$A = x^2 - 6x + 9 \text{ cm}^2$$



مثال: استعمل الحساب الذهني لإيجاد

$$(71)^2 = (70+1)^2$$

$$= (70^2) + 2 \times 70 + (1)^2$$

$$= 4900 + 140 + 1$$

$$= 5041$$

72
تدريبات خاصة

$$\begin{aligned}(52)^2 &= (50 + 2)^2 \\&= (50)^2 + 2 \times 50 \times 2 + (2)^2 \\&= 2500 + 200 + 4 \\&= 2704\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(49)^2 &= (40 + 9)^2 \\&= (40)^2 + 2 \times 40 \times 9 + (9)^2 \\&= 1600 + 720 + 81 \\&= 2401\end{aligned}$$

أنتر ب ص 72

$$1) (w+2)^2 = w^2 + 4w + 4$$

$$(\text{الاول} + \text{الثاني})^2 = (\text{الاول})^2 + (2 \times \text{الاول} \times \text{الثاني}) + (\text{الثاني})^2$$

$$3) (4m^3 - 5y)^2 = 16m^6 - 40ym^3 + 25y^2$$

$$(\text{الاول} - \text{الثاني})^2 = (\text{الاول})^2 - (2 \times \text{الاول} \times \text{الثاني}) + (\text{الثاني})^2$$

$$4) (5a+4)(5a-4)$$

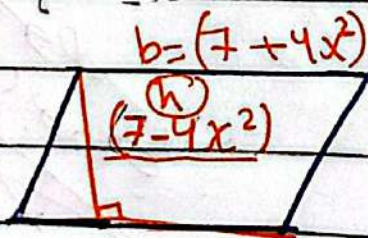
$$(5a)^2 - (4)^2$$

$$25a^2 - 16$$

$$(\text{الاول} + \text{الثاني}) \times (\text{الاول} - \text{الثاني})$$

$$(\text{الاول})^2 - (\text{الثاني})^2$$

متوازي الاضلاع (13)

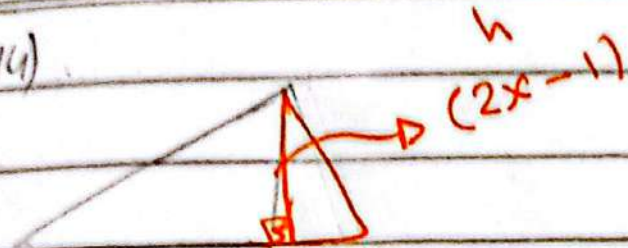


$$A = b \times h$$

$$(7 + 4x^2) (7 - 4x^2)$$

$$= 49 - 16x^4$$

14)



$$b = 2x + 1$$

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h$$

$$= \frac{1}{2} (2x + 1)(2x - 1)$$

$$= \frac{1}{2} * (4x^2 - 1)$$

15)



$$A = \pi r^2$$

$$= \pi (4 - x)^2$$

$$= \pi (16 - 8x + x^2)$$

~~مساحة~~
~~الدائرة~~

16/10/2023

م.ع

مثال : جد ع.م.أ

$$12xy^2, 18x^2y$$

ملاحظة :-
في المصطلحات ع.م.أ
نأخذ أصغر أس بين الحدود

$$12xy^2 = 3 \times 2 \times 2 \times x \times y \times y$$

$$18x^2y = 3 \times 3 \times 2 \times x \times x \times y$$

$$3 \times 2 \times x \times y = \text{ع.م.أ}$$

$$6xy$$

انخفض من طرف 7

$$3) 14b^2c = 7 \times 2 \times b \times b \times c$$

$$21c^3 = 7 \times 3 \times c \times c \times c$$

$$7c = \text{ع.م.أ}$$

$$4) 2y^3x^5 = 2 \times y \times y \times y \times x \times x \times x \times x \times x$$

$$3y^5x^3 = 3 \times y \times y \times y \times y \times y \times x \times x \times x$$

$$x^3y^3 = \text{ع.م.أ}$$

ع.م.أ للمتغير =
نأخذ أصغر أس

١٤١٥ / ١٠ / ١٥

التاريخ

موضوع الدرس تحليل بإخراج عامل اليوم

مثال: حل كل مقدار جبري مما يلي تحليلًا كاملاً

جدد

مثالين

1) $12x + 2$

$2(6x + 1)$

ع. م. أ.

$12x : 2 = 6x$
 $2 : 2 = 1$

$2 = 2$

2) $18x^2y + 6y$

$6y(3x^2 + 1)$

ع. م. أ.

$18x^2y = 3 \times 3 \times 2 \times x^2 \times y$

$6y = 3 \times 2 \times y$

3) $15x^2y - 25x$

$5x(3xy - 5)$

للتدقق: نستخدم القسمة

78
تحقق من فهمي

3) $20y + 12$
 $4(5y + 3)$

جدين

$20y : 5 * 2 * 2 * y$
 $12 : 3 * 2 * 2$

4) $7d^2 - 5d$
 $d(7d - 5)$

جدين

$7d^2 = 7 * d * d$
 $5d = 5 * d$

5) $3r^2c^3 + 6r^5 + 21r^7$
 $3r^2(c^3 + 2r^3 + 7r^5)$

3 حدود

جيد جدا

6) $2 - 16x + 8y$
 $2(1 - 8x + 4y)$

3 حدود

$2(1 - 8x + 4y)$

(التجميع)

نستخدم التجميع إذا تحقق فيه الشروط الآتية:

- 1) إذا احتوى (4) حدود فأكثر.
- 2) إذا احتوى عوامل مشتركة بين الحدود (يمكن تبسيطها معًا).
- 3) إذا احتوى عاملين مشتركين متساويين (كان أحدهما عكس الآخر) (نظير جمعي)

سؤال: حل كل مقدار جبري

ما يأتي تحليلًا كاملاً

$$1) ((5ab + 10a) + (7b + 14))$$

$$5a(b+2) + 7(b+2)$$

$$(b+2)(5a+7)$$

$$2) (6m^3 - 12mn) + (m^2n - 2n^2)$$

$$6m(m^2 - 2n) + n(m^2 - 2n)$$

$$(m^2 - 2n)(6m + n)$$

التحقق من النتيجة 79

$$3) (x^3 + 2x^2) + (3x + 6)$$

$$3x^2(x+2) + 3(x+2)$$

$$(x+2)(x^2+3)$$

$$4) (4s^2 - s) + (12st - 3t)$$

$$s(4s-1) + 3t(4s-1)$$

$$(s+3t)(4s-1)$$

أتحقق من فهمي ٨٥

معكوسين

3) $a(r-t) + m(t-r)$ انعكس

① $(r-t) = m(r-t)$
 $(r-t)(a-m)$

أصبح
 القوسان
 متساويين

4) $(2t - 14st) + (7st^2 - t^2)$

$2t(1-7s) + t^2(1-7s)$

$(2t + t^2)(1-7s)$

$(1-7s)(2t + t^2)$

1) $12a, 16ab$

أنسب 81

$$12a = 2 \times 2 \times 3 \times a$$

$$16ab = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times a \times b$$

$$= 4a = \text{إ.م.ع}$$

2) $8a, 12b$

$$8a = 2 \times 2 \times 2 \times a$$

$$12b = 3 \times 2 \times 2 \times b$$

$$= 4 = \text{إ.م.ع}$$

3) $10x^6y^3, 45xy^7$

$$10x^6y^3 = 5 \times 2 \times x \times x \times x \times x \times x \times x \times y \times y \times y$$

$$45xy^7 = 3 \times 3 \times 5 \times x \times y \times y \times y \times y \times y \times y \times y$$

$$5xy^3 = \text{إ.م.ع}$$

4) $12d^2w^2r^5, 4w^3d^{10}$

$$12d^2w^2r^5 = 3 \times 2 \times 2 \times d \times d \times w \times w \times r \times r \times r \times r \times r$$

$$4w^3d^{10} = 2 \times 2 \times w \times w \times w \times d \times d \times d \times d \times d \times d \times d \times d \times d \times d$$

$$4d^2w^2 = \text{إ.م.ع}$$

موضوع الدرس _____ اليوم _____ التاريخ _____ / /

$$9) 12n^2m - 8nm^3$$

$$4nm(3n - 2m^2)$$

$$12) 12p + 24q - 6$$

$$6(2p + 4q - 1)$$

21 / 10