

* الأعداد الأولية

هي الأعداد التي لها عاملان فقط

(العدد $\times 1$)

نفسه
2, 3, 5, 7, 11, ...

* الأعداد المركبة

هي الأعداد التي لها (3) عوامل فأكثر

3 عوامل 2 $\times$ 2 $\times$ 4, 4

* قابلية القسمة :- على

2 $\leftarrow$ أحاد العدد زوجي (0, 2, 4, 6, 8)

5 $\leftarrow$ أحاد العدد (ختماء 5)

3 $\leftarrow$ مجموع الأرقام في العدد من مضاعفات (3)

81 $\leftarrow$ 81 $\div$ 9 = 9 ✓

ملاحظة :-

لايجاد جذر عدد كبير نستخدم التحليل إلى العوامل الأولية

* شجرة العوامل / القسمة المتكررة

مثال: جد قيمة $\sqrt{676}$

العدد اولي	676
2	2 ← 676
	2 ← 338
13	13 ← 169
	13 ← 13
1	

$$\sqrt{676} = 2 \times 13$$

$$\sqrt{676} = 26$$

الجذر الزوجي من غير الممكن أن يكون فيه إشارة سالبة.

لكن ناتج الجذر هو موجب وسالب.

$$\sqrt{9} = \pm 3$$

$$3 \times 3 = +9$$

$$-3 \times -3 = +9$$

مثال

$$\pm \sqrt{\frac{16}{25}} = \pm \frac{4}{5}$$

$$\sqrt{2.25} = \pm 1.5$$

* هذه المعادلات (غنيها تربيع - جذر تربيعي)

إيجاد قيمة المجهول

لنتخلص من التربيع نأخذ الجذر
 $\sqrt{x^2} = \sqrt{16}$
 نأخذ الجذر من الطرفين

$x = \pm 4$

$\sqrt{R^2} = \sqrt{\frac{9}{25}}$

التربيع نأخذ الجذر للمطرفين

$R = \pm \frac{3}{5}$

والعكس صحيح

أمثلة جانبية

لا يوجد سالبة
 $-x$

مساحة المربع (A)

طول ضلع المربع (S)

(معلوم) طول الضلع $\rightarrow$ جد مساحة المربع $A = ?$

$A = S^2$

(معلوم) مساحة المربع $\rightarrow$ جد طول الضلع (S) $S = ?$

$\sqrt{A} = \sqrt{S^2}$

$S = \sqrt{A}$

$S = \sqrt{A}$

موضوع الدرس _____ اليوم _____ المسبب _____ التاريخ _____ / /

$$3) (\sqrt{y})^2 = (4)^2$$

$$y = 16$$

ع
3018

* التحققت من فهمي ^{٤٧}

الحل :
طريقة ① إيجاد مساحة البرواز الداخلي

$$S = 58$$

$$A = S^2$$

$$A = 58^2$$

$$A = 3364 \text{ cm}^2$$

~~مساحة البرواز
الداخلي~~

مساحة
الصورة

$$3364 \rightarrow 3136$$

نعم

موضوع الدرس: الجذور التربيعية اليوم الثلاثاء التاريخ 2020/09/21

طريقة 2 لإيجاد طول ضلع الصورة

$$A = 3136 \text{ cm}^2$$

$$S = \sqrt{A} \rightarrow \sqrt{3136}$$

$$S = 56 \text{ cm}$$

طول ضلع البرواز الداخلي > طول ضلع الصورة

$$58 > 56$$

نعم

موضوع الدرس - الجذور الصماء - اليوم السبت - التاريخ 15/05/2016 - 61

هي جذور لأعداد (غير مربع كامل)

$$\sqrt{2}, \sqrt{18}, \sqrt{15}, \sqrt{51}$$

1) نختار $\sqrt{51}$ بين جذور المربعات كاملة

$$64 - 51 = 13$$

$$51 - 49 = 2$$

$$\sqrt{64} > \sqrt{51} > \sqrt{49}$$

خطوتين 13 خطوة

2) نختار الأقرب

$$\sqrt{51} \approx \sqrt{49}$$

$$\sqrt{51} \approx 7$$

للتحقق :-

$$\sqrt{51} = 7.141428 \dots$$

مثال: قدر قيمة $\sqrt{134}$ لأقرب عدد صحيح

$$\sqrt{144} > \sqrt{134} > \sqrt{121}$$

10 13

$$\sqrt{134} \approx \sqrt{144}$$

$$\sqrt{134} \approx 12$$

1) تحقق من فهمي ١٤

1) $\sqrt{83}$

$$\sqrt{100} > \sqrt{83} > \sqrt{81}$$

27

9

$$\sqrt{83} \approx \sqrt{81}$$

$$\sqrt{83} \approx 9$$

تقريبًا $\approx$

2) $\sqrt{125} \approx \sqrt{121}$

$$\approx 11$$

3) $\sqrt{144} < \sqrt{160} < \sqrt{169}$

$$\sqrt{160} \approx 13$$

* يكون المقدار الجذري في أبسط صورة حين (لا يحتوي)

4 * (نضرب البسط وللقام في الجذر)

1- جذراً في المقام (انطاقة المقام)

2- مجزور أحد عوامله مربع كامل باستثناء (1)

3- مجزوراً على صورة كسر

مثال :- بسط المقادير الآتية :-

$$1- \sqrt{48} = \sqrt{16 \times 3}$$

$$\sqrt{48} = \sqrt{16} \times \sqrt{3}$$

$$\sqrt{48} = 4\sqrt{3} \quad (\text{أبسط صورة})$$

$$2- \sqrt{18} = \sqrt{9 \times 2}$$

$$\sqrt{18} = \sqrt{9} \times \sqrt{2}$$

$$\sqrt{18} = 3\sqrt{2}$$

$$3- \sqrt{\frac{45}{49}} = \sqrt{\frac{45}{49}}$$

$$= \frac{\sqrt{9 \times 5}}{\sqrt{49}}$$

$$= \frac{3\sqrt{5}}{7}$$

يفصل الجذر في الضرب والقسم فقط

ملاحظة

$$4- \frac{40 \times \sqrt{8}}{\sqrt{8} \times \sqrt{8}} = \frac{40 \sqrt{8}}{(\sqrt{8})^2}$$

$$= \frac{40 \sqrt{8}}{8}$$

أتحقق من فهمي

4- $\sqrt{192}$ (جاي) غمزة

2	192
2	96
2	48
2	24
2	12
2	6
3	3
	1

$$\sqrt{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3}$$

$$2 \times 2 \times 2 \sqrt{3}$$

$$\sqrt{192} = 8\sqrt{3}$$

$$2 - \sqrt{\frac{180}{25}}$$

$$180 = 18 \times 10$$

$$\begin{array}{c} 3 \times 3 \times 2 \\ 2 \times 5 \end{array}$$

(1) نحلل العدد إلى عوامله الأولية

$$\sqrt{180} = \sqrt{3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 5}$$

$$= 3 \times 2 \times \sqrt{5}$$

$$\sqrt{180} = 6\sqrt{5}$$

$$\frac{\sqrt{180}}{\sqrt{25}} = \frac{6\sqrt{5}}{5}$$

(2) نقوض صورة العدد بأبسط صورة جذرية

3-

الطاقة المقام

عندما يكون

$$30 \times \sqrt{6}$$

$$\sqrt{6} \times \sqrt{6}$$

نذكر
الطاقة
المقام

$$30 \sqrt{6}$$

$$6$$

$$= 5\sqrt{6}$$

هناك جذر

أضرب في المقام

* جمع الجذور العماء وطرحها :-

بشرط أن يتساوى الجذور من كل منها

مثال : بسط المقادير الآتية

$$1- 3\sqrt{5} - 1\sqrt{5} = 2\sqrt{5}$$

$$2\sqrt{7} + 3\sqrt{2} + 4\sqrt{7} = 5\sqrt{7} + 3\sqrt{2}$$

نجمع أو نطرح الجذور المتشابهة فقط

أتحقق من صحتها

$$4) \sqrt{243} + \sqrt{48}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 243} \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 81} \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 27} \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 9} \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 3} \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 1} \\ 3 \end{array}$$

$$\sqrt{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}$$

$$3 \times 3 \sqrt{3} + \sqrt{2 \times 2 \times 3}$$

$$9\sqrt{3} + 2\sqrt{3}$$

$$= 11\sqrt{3}$$

$$\begin{array}{r} 48 \overline{) 2} \\ 24 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 24 \overline{) 2} \\ 12 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 12 \overline{) 2} \\ 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6 \overline{) 2} \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 3} \\ 1 \end{array}$$

$$5) 2\sqrt{3} + 7\sqrt{3} + 3\sqrt{3} - 2\sqrt{3}$$

$$6) 4\sqrt{98} + 5\sqrt{2}$$

$4(7 \times \sqrt{2})$

2	98	$28\sqrt{2} + 5\sqrt{2}$
7	49	$33\sqrt{2}$
7	7	
1		

⑩ $(4 - \sqrt{3})(4 + \sqrt{3})$

$$16 + 4\sqrt{3} - 4\sqrt{3} - (\sqrt{3})^2$$

$$16 - 3$$

$$= 13$$

⑪ $(\sqrt{5})(2 + \sqrt{5})$

$$2\sqrt{5} + (\sqrt{5})^2$$

$$2\sqrt{5} + 5$$

⑫ $(2\sqrt{5} + 3)^2$

$$(2\sqrt{5} + 3)(2\sqrt{5} + 3)$$

$$(2\sqrt{5} \times 2\sqrt{5}) + (2\sqrt{5} \times 3) + (3 \times 2\sqrt{5}) + (3 \times 3)$$

$$4 \times 5 + 6\sqrt{5} + 6\sqrt{5} + 9$$

$$20 + 6\sqrt{5} + 6\sqrt{5} + 9$$

$$29 + 12\sqrt{5}$$

⑬ $\frac{5\sqrt{7} \times \sqrt{3}}{\sqrt{29}}$

$$\frac{5\sqrt{7} \times \sqrt{3}}{\sqrt{7} \times \sqrt{4}}$$

$$= \frac{5\sqrt{7} \times \sqrt{3}}{2\sqrt{7}}$$

$$\frac{5\sqrt{3}}{2}$$

$$(14) \frac{\sqrt{15} \times \sqrt{20}}{\sqrt{12}}$$

$$\frac{\sqrt{5 \times 3} \times \sqrt{5 \times 4}}{\sqrt{4 \times 3}} = \frac{\sqrt{5} \times \sqrt{3} \times \sqrt{5} \times \sqrt{4}}{\sqrt{4} \times \sqrt{3}} = 5$$

$$(15) \frac{.9 \times \sqrt{3}}{4\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{9\sqrt{3}}{4 \times 3}$$

$$= \frac{3\sqrt{3}}{4} = \frac{3\sqrt{3}}{4}$$

أتحقت من مهني ١٩

$$1) \sqrt{2} (\sqrt{8} - 1)$$

خاصية توزيع

$$\sqrt{8} \times \sqrt{2} + -1 \times \sqrt{2}$$

الضرب على الجمع

$$\sqrt{8 \times 2} + -\sqrt{2}$$

$$\sqrt{16} + -\sqrt{2}$$

$$= 4 + -\sqrt{2}$$

الطرح هو جمع
المعكوس!

$$2) (\sqrt{7} - 3)^2$$

$$(\sqrt{7} + 3) \times (\sqrt{7} + 3)$$

$$7 + -3\sqrt{7} + -3\sqrt{7} + 9$$

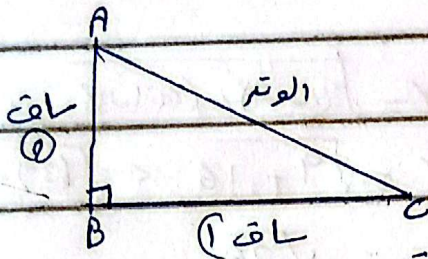
$$-6\sqrt{7} + 16$$

$$16 + -6\sqrt{7}$$

5/ 10/ 9

X

مثلث قائم الزاوية



* إحدى زواياه 90°

* الضلع المقابل للزاوية القائمة ← الوتر

* الوتر: هو أطول ضلع في المثلث

$$\angle ABC \quad / \quad \angle CBA \quad / \quad \angle B$$

الزاوية الرأسية في الوسط الزاوية الرأسية في الوسط الزاوية الرأسية في الوسط

الوتر: AC

الساق (ب) BC

الساق (أ) AB

نظرية فيثاغورس

مربع الوتر = مجموع مربعي الساقين

$$(AC)^2 = (AB)^2 + (BC)^2$$

* نستخدم نظرية فيثاغورس لإيجاد طول ضلع مجهول في مثلث قائم الزاوية

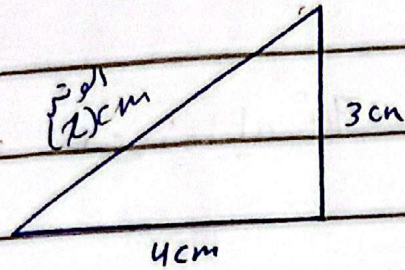
$$\sqrt{(AC)^2} = \sqrt{(AB)^2 + (BC)^2}$$

القانون

$$AC = \sqrt{(AB)^2 + (BC)^2}$$

مع

مطلوب: إيجاد طول الضلع (x)



$$x = \sqrt{(\text{الساق 1})^2 + (\text{الساق 2})^2}$$

$$x = \sqrt{9 + 16} \quad \text{أو} \quad \sqrt{3^2 + 4^2}$$

$$x = \sqrt{25}$$

$$x = 5 \text{ cm}$$

أنشطة صفائية 23

في مثلث قائم

$$\text{ساق (1)} = 16 \text{ cm}$$

$$\text{ساق (2)} = 12 \text{ cm}$$

الوتر (d) ؟

$$3- d = \sqrt{(\text{الساق 2})^2 + (\text{الساق 1})^2}$$

$$d = \sqrt{(12)^2 + (16)^2}$$

$$d = \sqrt{144 + 256}$$

$$d = \sqrt{400}$$

$$d = 20$$

عندما يكون الساق مجهول

$$(\text{ساق})^2 = (\text{وتر})^2 - (\text{ساق})^2$$

$$10^{\text{سم}} = \text{ساق 1}$$

$$9 = \text{ساق 2}$$

$$12^{\text{سم}} = \text{وتر}$$

$$2 \text{ الساق} = \sqrt{(\text{وتر})^2 - (\text{ساق})^2}$$

$$2 \text{ الساق} = \sqrt{(12)^2 - (10)^2}$$

$$= \sqrt{144 - 100}$$

$$= \sqrt{44}$$

عكس نظرية فيثاغورس

إذا كان (تربيع طول المثلث الأطول) يساوي مجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين، فإن المثلث (قائم الزاوية)

مثال: حدد إذا كان المثلث المعطاة أطوال أضلاعه

?

(10 و 8 و 6) قائم الزاوية أم لا
الضلع الأطول

مزدري

مربع الضلع الأطول = مربع الضلع + مربع الضلع

$$(10)^2 \stackrel{?}{=} (8)^2 + (6)^2$$

$$100 \stackrel{?}{=} 100$$

نعم قائم الزاوية

?

هل تساوي

أتحقق من فهمي 25

3) 12, 5, 13

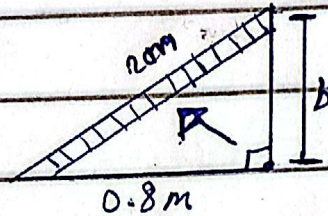
$$25 \stackrel{?}{=} (12)^2 + (5)^2$$

$$625 \stackrel{?}{=} 324 + 576$$

$$625 \neq 900$$

لا ليس مثلث قائم الزاوية

أنتقل من هنا



طول السلم = الوتر

$$b = \sqrt{(\text{الوتر})^2 - (\text{القاعدة})^2}$$

$$b = \sqrt{(2)^2 - (0.8)^2}$$

$$b = \sqrt{4 - 0.64}$$

$$b = \sqrt{3.36}$$

$$\sqrt{3.24} < \sqrt{3.36} < \sqrt{3.61}$$

$$\sqrt{3.36} \approx 1.8m$$

أندرب واحد من

$$2) \sqrt{x^2} = \sqrt{(الساق)^2 + (الساق)^2}$$

$$x = \sqrt{(8)^2 + (8)^2}$$

$$x = \sqrt{64 + 64}$$

$$x = \sqrt{128}$$

$$x \approx 11$$

$$6) \text{الساق} = \sqrt{(\text{الوتر})^2 - (\text{الساق})^2}$$

$$\text{الساق} = \sqrt{13^2 - (12)^2}$$

$$= \sqrt{169 - 144}$$

$$= \sqrt{25}$$

$$= 5$$

$$7) 3, 4, 6$$

$$6^2 \stackrel{?}{=} 4^2 + 3^2$$

$$6^2 \neq 16 + 9$$

لا يساوي ذلك قائم

الأعداد النسبية:

مع الأعداد التي يمكن كتابتها على صورة $\left(\frac{a}{b}\right)$ حيث $b \neq 0$

① الأعداد الصحيحة: $\frac{+7}{1} / \frac{-15}{1} / \frac{-36}{1}$

② الكسور: $\frac{1}{4} / \frac{19}{3} / \frac{1}{3}$

③ كسر عشري (منته) أول دوري $\frac{3 \times 4}{25 \times 4} = \frac{12}{100} = 0.12$ منته

$\frac{1}{3} = 0.\bar{3}$ دوري

~~* الأعداد غير النسبية~~

① الجذور القماء: $\sqrt{2}$ أو $\sqrt{3}$

② كسر عشري (غير دوري) / (غير منته)
 $3.14558823... / 1.\bar{8}$

③ $\sqrt{-64}$ X

غير دوري غير منته

④ (π) رمز $(\pi) = 3.1428571429...$

التحقق من فهمي 30

6) $\sqrt{12}$

غير نسبي

7) $-\sqrt{64} = -8$

نسبي

8) 0.181818

لانه دوري

$0.\overline{18}$

نسبي

9) $3\frac{2}{5} - \frac{17}{5}$

نسبي

مثال (2) م 30 من الكتاب غير مطلوب

مقارنة الأعداد الحقيقية :

$$5\sqrt{4} \leq 5\sqrt{3}$$

كأننا نقارن من دون جذور

$$\sqrt{3} \leq -\frac{1}{2} \quad \text{موجب} \quad \text{سالب} \quad \text{بدون تفكير}$$

$$1.6 \leq \frac{3 \times 2}{5 \times 2} \leq \frac{6 \times 1}{10} \quad \text{ط (1:6)}$$

$$-\sqrt{3} \leq -\sqrt{5}$$

أحمد
مستشار
2019

أتحقق من مهني 35

$$S = \sqrt{h \times m}$$

3000

S: مساحة حجم الإنسان (m) ؟

h: الطول (cm) 180cm

m: كتلة (kg) 75 kg

$$S = \sqrt{180 \times 75}$$

3600
20

$$S = \sqrt{\frac{75}{3}}$$

$$S = \frac{\sqrt{25 \times 3}}{\sqrt{3 \times 5}}$$

$$S = \frac{5\sqrt{3}}{2\sqrt{5}} \text{ m}^2$$

* الأسس النسبية : هي كتابة الأسس على شكل كسر

$$2^{\frac{a}{b}}$$

البسط : هو اسم عادي

المقام : هو دليل الحدز

مثال: اكتب ما يلي على الصورة الجذرية

$$1) 2^{\frac{1}{2}} \rightarrow \sqrt[2]{2^1}$$

$$2) 5^{\frac{3}{2}} \rightarrow \sqrt[2]{5^3}$$

$$3) 4^{\frac{6}{7}} \rightarrow \sqrt[7]{4^6}$$

* مثال اكتب الصورة الأسية في صورة جذرية
والصورة الجذرية في صورة أسية

$$1) 4^{\frac{3}{4}} \rightarrow \sqrt[4]{4^3}$$

جذرية $\rightarrow$ أسية

$$2) \sqrt[6]{16} \rightarrow 16^{\frac{1}{6}}$$

أسية $\rightarrow$ جذرية

$$3) 125^{\frac{1}{3}} \rightarrow \sqrt[3]{125}$$

جذرية $\rightarrow$ أسية

$$4) \sqrt[5]{-21} \rightarrow (-21)^{\frac{1}{5}}$$

أسية $\rightarrow$ جذرية

موضوع الدرس الأسس النسبية - اليوم الأربعاء - التاريخ 18/05/2019
الجذور

مثال جذ قسمة ما يلي :-

$$1) 16^{\frac{1}{2}} \rightarrow \sqrt{16} = 4$$

$$2) 125^{\frac{1}{3}} \rightarrow \sqrt[3]{125} = 5$$

5	125
5	25
5	5
	1

$$3) (-32)^{\frac{1}{5}} = \sqrt[5]{-32}$$

$$\sqrt[5]{-2x-2x-2x-2x-2}$$

$$= -2$$

أنصف من مفعول ص 39

$$4) 225^{\frac{1}{2}} \quad \sqrt{225} = 15$$

$$\sqrt{15 \times 15} = 15$$

$$5) (-243)^{\frac{1}{5}} \quad \sqrt[5]{-243}$$

$$\sqrt[5]{-3x-3x-3x-3x-3}$$

$$= -3$$

3	243
3	81
3	27
3	9
3	3

$$6/ 128^{\frac{1}{3}} = \sqrt[3]{128}$$

$$= 2$$

$$2 \mid 32$$

$$2 \mid 16$$

$$2 \mid 8$$

$$2 \mid 4$$

$$2 \mid 2$$

$$1$$

أن حذف من فرض 39

$$d^{\frac{5}{2}} \rightarrow \sqrt[2]{d^5}$$

$$\sqrt[4]{b^7} \rightarrow b^{\frac{7}{4}}$$

$$18^{\frac{9}{5}} \rightarrow \sqrt[5]{18^9}$$

$$\sqrt[3]{(-16)^8} \rightarrow (-16)^{\frac{8}{3}}$$

مثال: جد قيمة ما يلي -

1) $(-125)^{\frac{2}{3}}$

$(\sqrt[3]{-125})^2$

$(\sqrt{-5 \times -5 \times -5})^2$

$(-5)^2 = 25$

2) $81^{\frac{3}{4}}$

$(\sqrt[4]{81})^3$

$(\sqrt[4]{3 \times 3 \times 3 \times 3})^3$

$(3)^3 = 27$

40 اتحقق من فهمي

1) $(32)^{\frac{3}{5}}$

$= \sqrt[5]{32^3}$

$(\sqrt[5]{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2})^3$

$(2)^3$

$= 8$

من داخله بالشكل الأول طريقة أخرى

$32 = 2^5$

$(2^5)^{\frac{3}{5}}$

قوة القوى

(الأسس مرفوعة للأس)

→ نصرب الأسس

$2^{\frac{5}{1} \times \frac{3}{5}}$

$= 2^3 = 8$

السنة الأولى
الكل

موضوع الدرس الأسس النسبية والجذور اليوم الخميس التاريخ 18/5/1985

$$2) = \left(-\frac{27}{64} \right)^{\frac{2}{3}}$$

$$= \left(\sqrt[3]{-\frac{27}{64}} \right)^2$$

$$= \left(-\frac{3}{4} \right)^2$$

$$= \frac{9}{16}$$